



طراحی و ساخت پیچ‌های هلمهولتز به منظور اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی

علی رهمانی مقدم^{۱*}، محمد لامعی^۱، جواد رحیقی^۲

۱. پژوهشکده‌ی فیزیک و شتابگرها، پژوهشگاه علوم و فنون هسته‌ای، سازمان انرژی اتمی ایران، صندوق پستی: ۱۳۳۹-۱۴۱۵۵، تهران - ایران
۲. پژوهشگاه دانش‌های بنیادی، چشمه‌ی نور ایران، صندوق پستی: ۱۹۳۹۵-۵۷۴۶، تهران - ایران

چکیده: شدت و جهت بردار مغناطش آهنرباهای دائمی بعد از ساخت، به دلایل گوناگونی، از شدت و جهت مطلوبی که حین ساخت مورد نظر بوده است اختلاف خواهند داشت. در این مقاله، مراحل طراحی فیزیکی و مکانیکی و سپس ساخت پیچ‌های هلمهولتز برای اندازه‌گیری شدت و جهت بردار مغناطش در آهنرباهای دائمی به منظور استفاده در ساخت یک آندولاتور تخت برای اولین بار در کشور ارائه شده است. کالیبراسیون پیچ‌های هلمهولتز با منبع جریان و پروب هال با دقت لازم بحث شده است. دقت اندازه‌گیری شدت بردار مغناطش در راستای محور آسایش آن در حدود 0.03% و صحت اندازه‌گیری 0.015% به دست آمده است. به کمک پیچ‌های هلمهولتز، تعداد حدود ۱۶۰ آهنربای دائمی اندازه‌گیری شده‌اند. نتایج اندازه‌گیری مؤلفه‌های مختلف این آهنرباها ارائه، و از نتایج به دست آمده در ساخت اولین آندولاتور طرح چشمه‌ی نور ایران استفاده شده است.

کلیدواژه‌ها: پیچ‌های هلمهولتز، آهنرباهای دائمی، بردار مغناطش، آندولاتور تخت

Design and Fabrication of the Helmholtz Coil for the Permanent Magnet Measurement

A. Ramezani Moghaddam^{1*}, M. Lamehi¹, J. Rahighi²

1. Physics and Accelerators Research School, Nuclear Science and Technology Research Institute, AEOI, P.O.Box: 14155-1339, Tehran – Iran
2. Iranian Light Source Facility, P.O. Box: 19395-5746, Tehran – Iran

Abstract: The direction and magnitude of the magnetization of a permanent magnet has some deviation from the desired value after the manufacturing. This paper describes the physical and mechanical designs and finally the manufacturing process of a the Helmholtz coil for the first time in Iran in order to measure the permanent magnets magnetization for using in a planar undulator. The Helmholtz coil calibration has been discussed by using a current source and Hall probe with the necessary precision. The final precision for an easy-axis magnetization measurement is 0.03%, and accuracy is 0.015%. 160 permanent magnet blocks have been measured by the Helmholtz coil. The measurement results of the magnetization components are presented and results are used in fabrication of the first undulator at the ILSF.

Keywords: Helmholtz Coil, Permanent Magnets, Magnetization Vector, Planar Undulator

*email: ramezani23@gmail.com



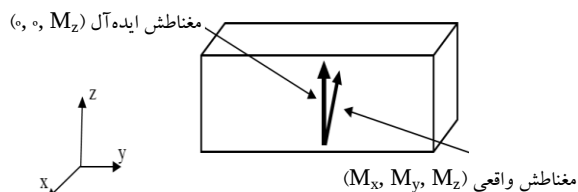
۱. مقدمه

امروزه، آهنرباهای دائمی کاربردهای فراوانی در حوزه‌های مختلف از دانش پیدا کرده‌اند. تکنولوژی ساخت آهنرباهای دائمی، پیشرفت مهمی داشته است، به طوری که امروزه، آهنرباهای با ابعاد کوچک و پسماند مغناطیسی^(۱) تا $1/3\text{ T}$ و دمای کوری^(۲) بالا تا 250°C به راحتی قابل تهیه است [۱]. از جمله کاربردهای آهنرباهای دائمی، ساخت قطعات الحاقی^(۳) در چشمه‌های نور است. اولین نمونه‌ی آزمایشگاهی آندولاتور^(۴) تخت با استفاده از آهنرباهای دائمی NdFeB در چشمه‌ی نور ایران در حال ساخت است [۲، ۳]. به منظور اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی، بهترین ابزار پیچ‌های هلمهولتز است. آزمایشگاه‌های اندازه‌گیری مغناطیسی در بسیاری از چشمه‌های نور در سراسر جهان، بسته به نیاز خود، به طراحی و ساخت پیچ‌های هلمهولتز اقدام می‌کنند [۴-۸].

در این مقاله، ابتدا به طور خلاصه تئوری اندازه‌گیری پسماند مغناطیسی آهنربا با یک پیچ‌های هلمهولتز ارائه می‌شود. در ادامه، در مورد طراحی فیزیکی پیچ بحث خواهد شد. بعد از طراحی فیزیکی، نوبت به طراحی مکانیکی و فرایند ساخت و کالیبراسیون پیچ‌های هلمهولتز می‌رسد و نهایتاً نتایج اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی با پیچ، ارائه و بحث خواهد شد. هم‌چنین، علاوه بر استفاده از تجربه‌ی سایر آزمایشگاه‌ها، ساخت پیچ‌های هلمهولتز و کالیبراسیون آن، براساس مواد اولیه و طراحی جدیدی با تکیه بر امکانات داخلی انجام شده است.

۲. تئوری

هدف از اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی، ارزیابی کیفیت آنها است. بردار مغناطش در آهنرباهای دائمی به علت ناهمگونی‌های موجود در ساختار مولکولی مواد تشکیل‌دهنده‌ی آن و هم‌چنین فرایندهای حین ساخت، نسبت به حالت ایده‌آلی که مورد نظر است انحراف خواهد داشت. خطاهای موجود در آهنرباها سبب تولید میدان‌های چندقطبی در آندولاتور می‌شوند و علاوه بر تأثیر بر کیفیت هارمونیک‌های تابشی، بر پارامترهای دینامیکی باریکه و پایداری آن، اثر مستقیم می‌گذارند [۴]. در شکل ۱، می‌توان انحراف در شدت و جهت بردار مغناطش نسبت به حالت ایده‌آل را مشاهده کرد.



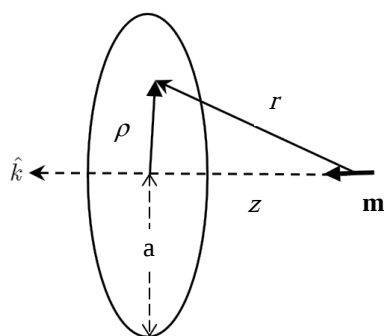
شکل ۱. شدت و جهت میانگین بردار مغناطش آهنربای دائمی در حالت واقعی نسبت به حالت ایده‌آل انحراف دارد.

به بیان دیگر، اگر z محوری است که علاقه‌مندیم بردار مغناطش در آن جهت باشد، بردار مغناطش در حالت واقعی، مؤلفه‌های M_x و M_y هم دارد. هدف از اندازه‌گیری آهنربای دائمی به وسیله‌ی پیچ‌های هلمهولتز، به دست آوردن همین سه مؤلفه است. بزرگی مؤلفه‌های M_x و M_y نسبت به M_z کوچک‌تر، و بسته به کیفیت آهنربا تا حدود یک هزارم تا یک صدم M_z خواهند بود [۹]. اهمیت اندازه‌گیری این مؤلفه‌ها در ساخت آندولاتور از این نظر است که مؤلفه‌های ناخواسته‌ی آهنرباهای دائمی، سبب تولید میدان‌های مغناطیسی چندقطبی می‌شوند و این میدان‌ها اثر مستقیم روی دینامیک باریکه‌ی الکترونی که از آندولاتور عبور می‌کند، خواهند داشت [۹، ۱۰]. با دانستن مقادیر مؤلفه‌های بردار مغناطش تک‌تک آهنرباها، می‌توان نحوه‌ی چیدمان آهنرباها را طوری تعیین کرد که میدان‌های چندقطبی به حداقل برسند. این فرایند، مرتب‌سازی یا فرایند چیدمان نامیده می‌شود [۱۰]. به منظور اندازه‌گیری دقیق چندقطبی‌ها در میدان نهایی، اندازه‌گیری پیچ‌های هلمهولتز باید به همان اندازه دقیق باشد. در مورد آندولاتور چشمه‌ی نور ایران که هدف بهینه‌سازی آن برای هارمونیک تابشی اول آن است، رسیدن به این دقت از اندازه‌گیری، قابل دست‌یابی است.

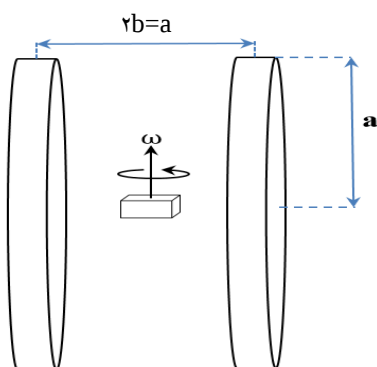
آهنربای دائمی در اثر حرکت یا چرخشی در داخل یک مدار الکترونیکی بسته، سبب تغییر شار مغناطیسی در مدار می‌شود و در نتیجه ولتاژی را در مدار القا می‌کند که طبق قانون فارادی، می‌توان آن را به صورت رابطه‌ی (۱) نشان داد:

$$\int_c E \cdot dl = -\frac{d}{dt} \int_s B \cdot dA \Rightarrow V = -\frac{d\phi}{dt} \quad (1)$$

که $\square$ شار مغناطیسی گذرنده از مدار برحسب wb ، t زمان برحسب s ، و V ولتاژ القائی در مدار برحسب ولت است. برای



شکل ۲. موقعیت یک ممان دوقطبی مغناطیسی، m ، در فاصله‌ی z از مرکز پیچه‌ای با شعاع a و تعداد N دور سیم.



شکل ۳. نمای کلی از پیچه‌ی هلمهولتز و پارامترهای اساس آن، ω فرکانس زاویه‌ای چرخش آهنربا در مرکز پیچه است.

میزان حساسیت پیچه یا به بیان دیگر میزان یکنواختی میدان مغناطیسی در مرکز پیچه با فرض عبور جریان از آن، به شعاع آن بستگی دارد. هر چه شعاع بیشتر باشد، یکنواختی میدان بیشتر خواهد بود. ولی از طرف دیگر، هم سیگنال القایی ضعیف‌تر می‌شود و هم ساخت پیچه‌ی خیلی بزرگ محدودیت دارد و باید شعاع بهینه‌ای انتخاب کرد. معمولاً شعاع پیچه را در حدود ۵ برابر بزرگ‌ترین بُعد آهنربا در نظر می‌گیرند تا از یکنواخت بودن ناحیه‌ی میدان در تمام حجم آهنربا اطمینان حاصل شود. می‌توان نشان داد خطای در اندازه‌گیری شار ناشی از ابعاد آهنربا برابر است با:

$$\frac{\Delta\phi}{\phi} = -1.152 \left(\frac{\Delta z}{R_m} \right)^2 \quad (4)$$

که R_m شعاع میانگین پیچه، و Δz خطای در موقعیت نسبت به مرکز پیچه است. رابطه‌ی (۴) نشان می‌دهد که میزان خطایی که در اندازه‌گیری شار عبوری از پیچه‌ی هلمهولتز به دلیل ابعاد

یافتن رابطه‌ی بین شار با بردار ممان مغناطیسی آهنربا، m ، از تقریب دوقطبی مغناطیسی استفاده می‌شود. فرض می‌شود، طبق شکل ۲، در مختصات استوانه‌ای، (ρ, φ, z) یک دوقطبی مغناطیسی جای‌گرفته‌ی نقطه‌ای با ممان m در فاصله‌ی z از یک پیچه با شعاع a و تعداد N دور سیم قرار دارد. شار عبوری کل از پیچه، ناشی از حضور m را می‌توان از انتگرال‌گیری از میدان مغناطیسی روی سطح حلقه به دست آورد که برابر است با [۱۰]:

$$\phi(t) = N \int_{\rho=0}^{\rho=a} B_z \pi \rho d\rho = \frac{N \mu_0 m_z(t)}{aG} \quad (2)$$

که $G=1.397542 \dots$ مقداری ثابت است.

برای محاسبه‌ی ممان مغناطیسی یک آهنربا، نمی‌توان از یک تک پیچه استفاده کرد، زیرا آهنربا به دلیل ابعادی که دارد، مانند یک دوقطبی مغناطیسی نقطه‌ای عمل نمی‌کند و حساسیت پیچه نسبت به نقاط مختلف آهنربا متفاوت است. مگر این که شعاع پیچه آن قدر بزرگ باشد که آهنربا را بتوان در مقایسه با ابعاد پیچه‌ی نقطه‌ای در نظر گرفت. از آن‌جا که در عمل این حالت امکان‌پذیر نیست، بهترین روش، استفاده از دو پیچه یکسان است به طوری که حساسیت کل ناشی از دو پیچه برای نقاط مختلف آهنربا تا حد زیادی یکسان باشد و این همان پیچه‌ی هلمهولتز است. مشتق اول و دوم و سوم میدان مغناطیسی در مرکز پیچه‌ی هلمهولتز نسبت به محور پیچه صفر است و میدان مغناطیسی را با فرض عبور جریان الکتریکی از پیچه می‌توان یکنواخت فرض کرد. روش اندازه‌گیری آهنربا را به طور طرح‌وار در شکل ۳ می‌توان دید. برای چرخش آهنربا به اندازه‌ی زاویه‌ی دلخواهی مثل $\theta = \omega.t$ ، انتگرال زمانی ولتاژ را می‌توان به صورت زیر نوشت [۶]:

$$\phi(t) = \int V(t) dt = \frac{1}{k} [m_v \sin(\theta) + m_h \cos(\theta)] \quad (3)$$

که $k = \frac{aG}{\mu_0 N}$ ، ثابت پیچه یا ضریب کالیبراسیون پیچه‌ی هلمهولتز است. کمیت G فاکتور هندسی پیچه است که به ابعاد آن بستگی دارد و طبق شکل ۳ برابر است با $G = \left(1 + \left(\frac{yb}{za} \right)^2 \right)^{-\frac{3}{2}}$ است. ثابت G در حالت ایده‌آل که $2b=a$ برابر است با $G=1.397542 \dots$. ولتاژ القایی $V(t)$ و ولتاژ القایی در لحظه‌ی t ، θ زاویه چرخش، و m_v و m_h به ترتیب مؤلفه‌های عمود بر و موازی با محور پیچه‌ی در لحظه‌ی $t=0$ هستند.



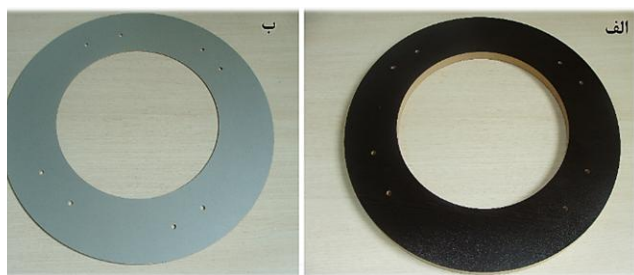
۲.۳ طراحی مکانیکی و ساخت پیچ‌های هلمهولتز

طراحی و ساخت پیچ‌های هلمهولتز به منظور اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی شامل سه قسمت است؛ طراحی و ساخت خود پیچ، طراحی و ساخت سازوکار دوار که آهنربا را در میان پیچ‌ها با فرکانس مشخصی بچرخاند، و سیستم الکترونیکی مناسب برای خوانش سیگنال القایی از پیچ‌های هلمهولتز. جدول ۱، مشخصات فنی پیچ‌های هلمهولتز را به طور خلاصه نشان می‌دهد.

برای ساخت حلقه‌های پیچ که سیم مسی روی آنها پیچیده خواهد شد، از ورق $MDF^{(۵)}$ با ضخامت ۲۵mm استفاده شده است. MDF علاوه بر غیرمغناطیسی و غیرسازا بودن، از استحکام بالایی برای ماشین‌کاری برخوردار است. هزینه‌ی تمام شده‌ی استفاده از آن نیز نسبت به سایر مواد عایق غیرمغناطیسی بسیار کم‌تر است. بعد از برش، ورقه‌های MDF به شکل مربع به وسیله‌ی دستگاه $CNC^{(۶)}$ ویژه‌ی چوب، حلقه‌ها را از ورق MDF در آورده، و بعد از تأیید کیفیت برش و ابعاد آن که با کولیس دیجیتال انجام گرفت، استفاده شدند. شکل ۵، تصویری از حلقه‌ها را بعد از برش دستگاه CNC نشان می‌دهد.

جدول ۱. مشخصات فنی پیچ‌های هلمهولتز

پارامتر / مشخصه	مقدار / نوع
شعاع میانگین	۳۲٫۵ cm
تعداد دور در هر پیچ	۷۶۸
کلاس سیم مسی	AWG-28
جنس نگه‌دارنده‌ی حلقه‌ها	MDF
جنس سیستم چرخاننده	آلومینیم



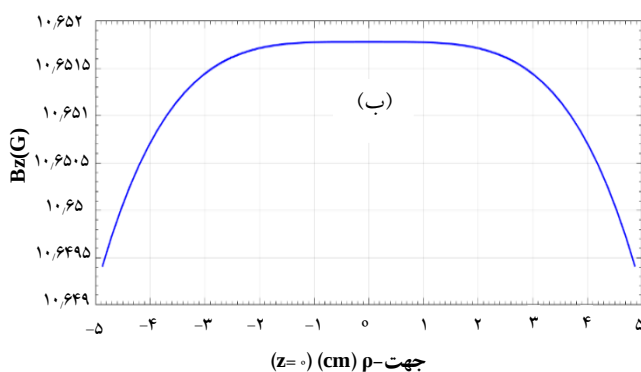
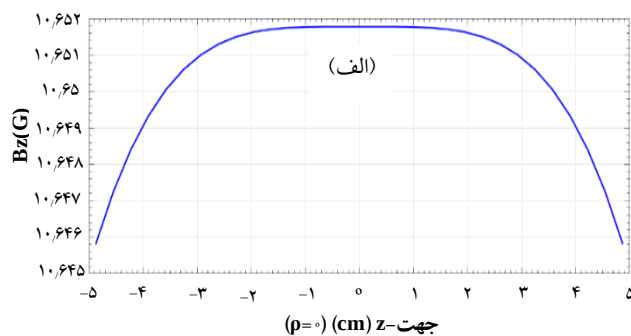
شکل ۵. (الف) حلقه‌ی پیچ‌های هلمهولتز بعد از برش CNC ، (ب) فیبر با ضخامت ۳mm. با چسباندن دو عدد از فیبرها به حلقه‌ی اصلی، رینگ مناسب برای سیم‌پیچی به دست می‌آید.

آهنربا به وجود می‌آید با عکس توان چهارم شعاع میانگین پیچ‌ها ارتباط دارد. برای آهنربایی با بزرگترین بُعد برابر با ۷cm، شار اندازه‌گیری شده با ۰٫۱۵٪ خطا مواجه است. این خطا تعیین‌کننده‌ی صحت اندازه‌گیری پیچ‌ها است.

۳. طراحی و ساخت

۱.۳ شبیه‌سازی

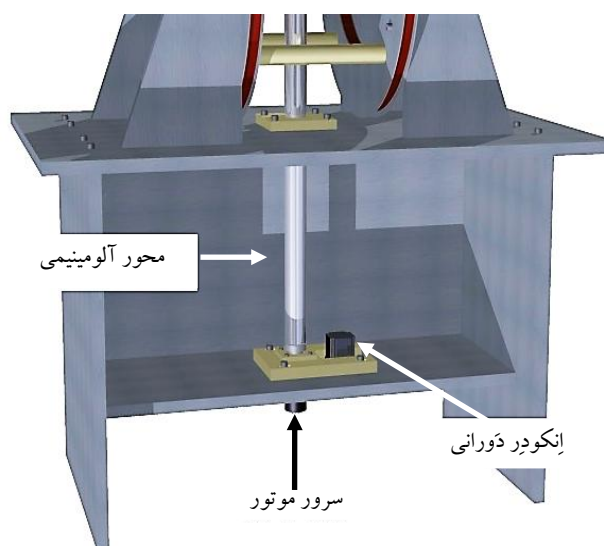
محاسبه‌ی میدان مغناطیسی در نقاط مختلف فضای بین پیچ‌ها به روش تحلیلی ساده نیست. به منظور ارزیابی میزان یکنواختی میدان در نقاط مختلف بین دو پیچ، میدان مغناطیسی را باید به روش عددی و با محاسبه‌ی پتانسیل برداری به دست آورد. برای این منظور، یک برنامه‌ی کامپیوتری در محیط نرم‌افزار MATLAB نوشته، و با استفاده از انتگرال‌های بیضوی نوع اول و دوم پتانسیل برداری در نقاط مختلف بین پیچ‌ها محاسبه شد. سرانجام، با استفاده از رابطه‌ی $B = \nabla \times A$ میدان مغناطیسی به دست آمد. شکل ۴، نمودار تغییرات شدت میدان مغناطیسی، B_z در فضای بین پیچ‌های هلمهولتز را برحسب تغییرات فواصل محوری z و شعاعی ρ نشان می‌دهد.



شکل ۴. نمودار تغییرات B_z برحسب (الف) تغییرات محوری و (ب) تغییرات شعاعی در مرکز پیچ‌های هلمهولتز.



شکل ۶. قطعه‌ی آلومینیومی برای ثابت نگه داشتن آهنربا در دو سطح مختلف.



شکل ۷. نمایی کلی از موقعیت سیستم دورانی و انکودر در پیچ‌های هلمهولتز. انکودر از طریق تسمه‌ی زمان‌بندی از زیر میز با محور موتور درگیر می‌شود و وظیفه‌ی آن تعیین موقعیت زاویه‌ای آهنربا است.

سیم پیچ پیچ‌ها به شکل سری با هم قرار می‌گیرند و خروجی به یک مدار مبدل آنالوگ به دیجیتال^(۱۰) متصل می‌شود. از انکودر دورانی با دقت ۱۰۲۴ پالس در دور استفاده می‌شود. خروجی انکودر وارد مدار الکترونیکی می‌شود و سیگنال القایی آهنربا و موقعیت آهنربا در آن لحظه به کمک این مدار اندازه‌گیری، و وارد کامپیوتر می‌شود. با انتگرال‌گیری از ولتاژ القایی و استفاده از بسط فوریه‌ی سیگنال، می‌توان مؤلفه‌های بردار ممان مغناطیسی آهنربا را اندازه‌گیری کرد. نمای کلی پیچ‌ها بعد از سیم‌پیچی و نصب روی میز و برقراری توازی را در شکل ۸ می‌توان مشاهده کرد.

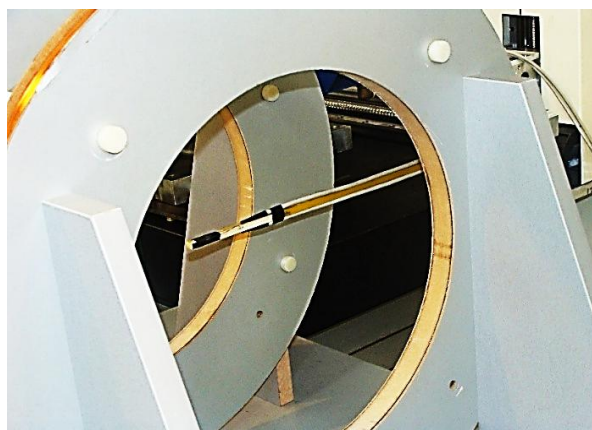
به منظور تبدیل حلقه‌ی شکل ۵ به رینگی که برای سیم‌پیچی مناسب باشد، دو عدد فیبر به ضخامت ۳mm که با ماشین CNC برش داده شده را به دو طرف حلقه چسبانده، و با فشار محکم شد. عملیات سیم‌پیچی به دور حلقه به کمک دستگاه تراش انجام، و تعداد دورها به کمک یک شمارنده‌ی مکانیکی چرخان ثبت شد. سیم مورد استفاده از نوع AWG-26 انتخاب شد. قطر این کلاس از سیم‌ها ۰/۴۰۵mm و مقاومت آن $۰/۱۳۳۹ \Omega/m$ است. تعداد دور سیم‌ها در هر پیچ ۷۶۸ است. برای ثابت نگه داشتن نگه‌دارنده‌ها با استفاده از میله‌ی پلی‌آمیدی، پیچ و مهره به تعداد لازم ساخته شد. نکته‌ی مهم، استحکام بسیار بالای پیچ‌های پلی‌آمیدی در بافت MDF بود که بعد از انجام کار به صورت عملی مشاهده شد.

سازوکار مکانیکی برای چرخاندن آهنربا باید با دقت بالا ماشین‌کاری و نصب شود. زیرا اگر به دلیل خطای مکانیکی در عدم تقارن ماشین‌کاری، قطعات آهنربا به طور غیرمقارن و با شیب غیرصفر نسبت به محور پیچ‌ها چرخانده شوند، در اندازه‌گیری مؤلفه‌ها خطا وجود خواهد داشت. برای این منظور، قطعات آلومینیومی که برای ثابت کردن آهنربا و چرخاندن آن استفاده می‌شود، ابتدا به کمک ماشین CNC ماشین‌کاری، و در مرحله‌ی نصب، تعامد آنها با استفاده از گونیای استاندارد و ابزارهای ترازسنجی نسبت به سطح میز پیچ‌ها کنترل شد. نگه‌دارنده‌ی اصلی آهنربا طوری طراحی شده است که بتوان آهنربا را روی دو سطح مختلف داخل آن ثابت کرد و چرخاند. شکل ۶، نمایی از ساختار نگه‌دارنده‌ی آهنربا را نشان می‌دهد.

نگه‌دارنده‌ی آلومینیومی شکل ۶ به یک میله‌ی آلومینیومی متصل می‌شود و از طریق آن به یک عدد سروو موتور^(۷) که در زیر میز تعبیه شده است متصل می‌شود. انکودر دورانی مطلق^(۸) در زیر میز به کمک یک تسمه‌ی زمان‌بندی^(۹) به شفت متصل می‌شود و با چرخش شفت، موقعیت دورانی را گزارش می‌کند. وضعیت انکودر و موتور نسبت به محور دوار را در شکل ۷ می‌توان مشاهده کرد.



برای این منظور با عبور جریانی مشخص و محاسبه‌ی میدان مغناطیسی در مرکز پیچه، می‌توان مقدار واقعی ثابت پیچه را از تقسیم جریان عبوری بر میدان تولیدی در مرکز پیچه به دست آورد. به منظور داشتن جریانی با مقدار ثابت، یک منبع جریان با دقت ۰.۰۱٪ ساخته، و برای تغذیه‌ی پیچه از آن استفاده شد. ثابت کالیبراسیون پیچه، $k = \frac{aG}{\mu_0 N}$ ، برابر است با نسبت جریان عبوری از پیچه به میدان مغناطیسی در مرکز پیچه. شکل ۹، نمایی از اندازه‌گیری میدان در مرکز پیچه و شکل ۱۰، منبع جریان ساخته شده برای این منظور را نشان می‌دهند. در حقیقت با عبور جریان از پیچه‌ی هلمهولتز در اثر اتلاف توان الکتریکی و گرم شدن سیم‌ها، مقاومت الکتریکی سیم‌ها تغییر می‌کند و در نتیجه اگر ولتاژ ثابت باشد، جریان شروع به تغییر می‌کند. برای ثابت نگه داشتن جریان، می‌توان از یک مقاومت الکتریکی متغیر با دقت ۰.۰۱٪ استفاده کرد. برای به دست آوردن ضریب کالیبراسیون، ابتدا موقعیت کاوشگر اثر هال را در مرکز پیچه ثابت می‌کنیم. از نظر مکانیکی، کاوشگر اثر هال با قدرت تفکیک مکانی $1\mu\text{m}$ قابلیت حرکت دارد که در عمل کاربردی ندارد. چرا که سطح حساس تراشه نیمه‌هادی آن $150 \times 150 \mu\text{m}^2$ است. بعد از این کار، جریان الکتریکی و میدان خوانش شده با کاوشگر اثر هال در یک بازه‌ی زمانی 20min و به فاصله‌ی هر ۲s ثبت می‌شوند و با میانگین‌گیری از آنها ضریب کالیبراسیون به دست می‌آید.



شکل ۹. اندازه‌گیری میدان در مرکز پیچه‌ی هلمهولتز برای کالیبراسیون.



شکل ۸. نمایی کلی از پیچه‌ی هلمهولتز و محور دوران که دقیقاً مرکز هندسی آهنربا را در مرکز پیچه قرار می‌دهد.

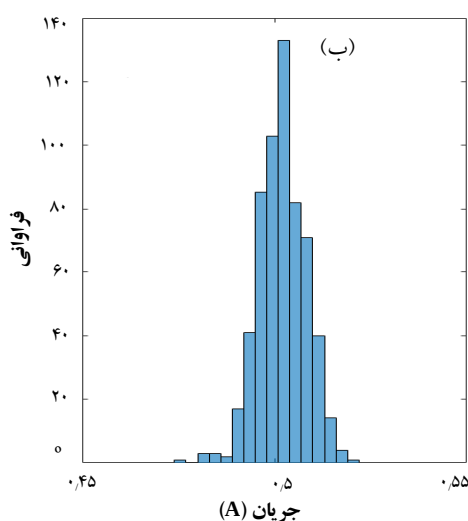
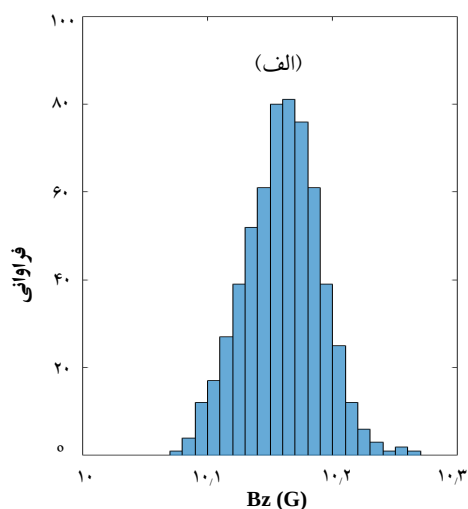
۳.۳ کالیبراسیون

همان‌طور که در رابطه‌ی (۳) مشاهده شد، ثابت پیچه‌ی هلمهولتز برابر است با $k = \frac{aG}{\mu_0 N}$ ، که به شعاع پیچه، فاصله‌ی بین پیچه‌ها و تعداد دور سیم در هر پیچه بستگی دارد. برای اندازه‌گیری دقیق مؤلفه‌های بردار مغناطش آهنربا، باید ابتدا در عمل مقدار ثابت پیچه را اندازه‌گیری کرد، زیرا صرفاً با جای‌گذاری کمیت‌های هندسی در رابطه‌ی ثابت پیچه، مقدار واقعی آن به دست نمی‌آید، بلکه مقدار ایده‌آل آن را می‌توان محاسبه کرد. با اندازه‌گیری ثابت پیچه‌ی هلمهولتز، در حقیقت کالیبراسیون انجام می‌شود. برای این منظور، از رابطه‌ی بین جریان عبوری از پیچه و میدان مغناطیسی آن در مرکز استفاده می‌شود. میدان مغناطیسی پیچه‌ی هلمهولتز با شعاع a و تعداد N دور سیم در هر پیچه وقتی جریان I از آن عبور می‌کند برابر است با،

$$B_z(b) = \frac{\mu_0 NI}{aG} \quad (5)$$

بنابراین ثابت پیچه‌ی هلمهولتز را می‌توان به صورت عملیاتی زیر نوشت،

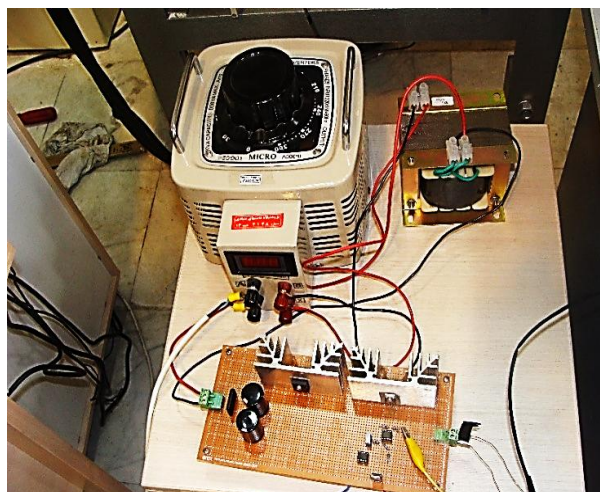
$$k = \frac{aG}{\mu_0 N} = \frac{I}{B} \quad (6)$$



شکل ۱۱. (الف) هیستوگرام میدان مغناطیسی، و (ب) جریان اندازه‌گیری شده. برای ارزیابی دقت اندازه‌گیری، انحراف معیار داده‌ها حول مقدار میانگین به دست می‌آیند. هر چه تعداد نمونه‌ها بیش‌تر باشند، هیستوگرام به توزیع نرمال نزدیک می‌شود.

۱.۴ ارزیابی دقت پیچ‌ی هلمهولتز

در مورد دقت نهایی اندازه‌گیری پیچ‌ی هلمهولتز، یکی از آهنرباها به عنوان آهنربای مرجع انتخاب می‌شود. در شرایط یکسان آزمایش از نظر دمایی در زمان‌های مختلف، به اندازه‌ی ۱۵۰ بار تکرار آزمایش در روزهای مختلف اندازه‌گیری می‌شوند و منحنی توزیع مقادیر اندازه‌گیری مؤلفه‌های بردار مغناطش آهنربا حول مقدار میانگین رسم می‌شود. انحراف معیار این منحنی به صورت معیاری برای دقت نهایی اندازه‌گیری پیچ‌ی هلمهولتز معرفی می‌شود. هیستوگرام مربوط به نتایج اندازه‌گیری مؤلفه بردار مغناطش در راستای محور آسایش آهنربای مرجع، در شکل ۱۲ نشان داده شده است.



شکل ۱۰. منبع جریان برای تغذیه پیچ‌ی برای کالیبراسیون با دقت ۰/۰۱ درصد.

شکل ۱۱، هیستوگرام جریان و میدان مغناطیسی پیچ‌ی را برای ۶۰۰ نمونه در مدت ۲۰ S نشان می‌دهد. با محاسبه میانگین جریان عبوری از پیچ‌ی در مدت ۲۰ min و میانگین میدان مغناطیسی در مرکز پیچ‌ی و تقسیم آنها بر هم، ضریب کالیبراسیون به دست می‌آید. ضریب کالیبراسیون تحلیلی که از رابطه‌ی (۶) قابل محاسبه است برابر با ۴۶۸ A/T، و مقدار تجربی آن برابر با ۴۹۴ A/T است که اختلافی در حدود ۵٪ دارند.

میانگین میدان مغناطیسی اندازه‌گیری شده برابر با ۱۰/۱۶ G با انحراف از معیار ۰/۰۳ G، و میانگین جریان الکتریکی اندازه‌گیری شده برابر با ۰/۵۰۲۰ A با انحراف معیار ۰/۰۰۶۲ A است. در نتیجه، ضریب کالیبراسیون برابر است با

$$k = \bar{I} / \bar{B} = 494 \text{ A/T}$$

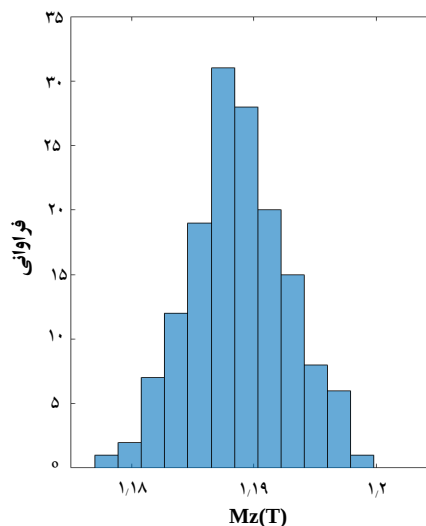
۴. نتایج اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی

ولتاژ القایی در اثر چرخش آهنربا در پیچ‌ی، وارد یک مبدل آنالوگ به دیجیتال می‌شود. هم‌زمان، داده‌های مربوط به انکودر که مسئولیت گزارش موقعیت زاویه‌ای آهنربا در وسط پیچ‌ی را بر عهده دارد، به صورت دیجیتال با انکودر در اختیار یک مدار الکترونیکی قرار می‌گیرد و این مدار، ولتاژ القایی و عدد انکودر در آن لحظه را گزارش می‌کند. با انتگرال‌گیری عددی از ولتاژ القایی و دانستن موقعیت اولیه آهنربا، می‌توان با استفاده از بسط فوریه سیگنال ولتاژ القایی به کمک رابطه‌ی (۳)، بردار ممان دوقطبی مغناطیسی آهنربا را محاسبه کرد.



شکل ۱۳. اتاقک مخصوص اندازه‌گیری که مجهز به سیستم تهویه و کنترل دما است. دما به کمک یک دماسنج جیوه‌ای و یک دماسنج دیجیتال کنترل، و در هر اندازه‌گیری برای هر آهنربا ثبت شد.

پیچ‌ها با محور پیچ‌های هلمهولتز منطبق کنیم. برای این کار از دو عدد گونیای دقیق استفاده می‌شود. محور دوار که آهنربا روی آن ثابت می‌شود آن قدر آهسته چرخانده می‌شود تا یکی از ابعاد هندسی آهنربا دقیقاً در راستای محور پیچ‌ها قرار گیرد. در این حالت، عدد انکودر نشان‌دهنده‌ی موقعیت صفر آهنربا است. به بیان دیگر، هر گاه انکودر این عدد را نشان دهد به معنی آن است که یکی از ابعاد آهنربا دقیقاً در راستای محور پیچ‌ها است. در اندازه‌گیری انجام شده، عدد انکودر برای موقعیت صفر آهنربا ۴۳۷ به دست آمد. زمان در نظر گرفته شده برای هر آهنربا ۳۵ است و با توجه به فرکانس چرخش محور که برابر با ۵Hz است در هر اندازه‌گیری سیگنال القایی ۱۵ پریود کامل خواهد داشت. ۱۰ پریود مرکزی سیگنال برای اندازه‌گیری استفاده شد. با این کار، قسمت ابتدا و انتهای سیگنال که تحت تأثیر حرکت شتاب‌دار اولیه و انتهایی محور است حذف می‌شود. اندازه‌گیری برای هر پریود به طور جداگانه انجام، و میانگین ۱۰ نتیجه به صورت نتیجه‌ی پایانی آزمایش گزارش شده است. پس از انجام اندازه‌گیری‌ها، داده‌های تجربی به کمک کامپیوتر تحلیل شد. در ابتدا، نوفه‌های شدیدی که ممکن است در خروجی انکودر یا ولت‌متر تولید شوند حذف، و سپس نسبت به برازش و تحلیل فوری‌ی آنها اقدام شد. شکل ۱۴، سیگنال تولیدی برای یکی از آهنرباها را برای ۱۰ چرخش کامل آهنربا نشان می‌دهد.



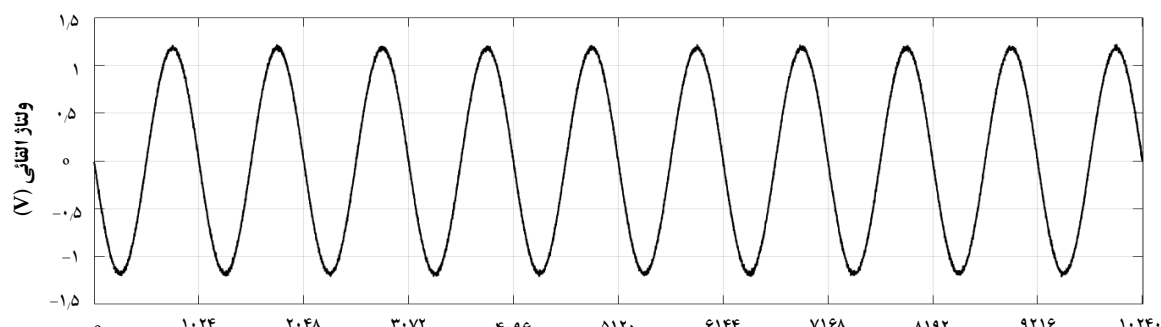
شکل ۱۲. هیستوگرام نتایج اندازه‌گیری مؤلفه‌ی M_z در شرایط یکسان برای آهنربای مرجع.

میانگین مؤلفه‌ی Z بردار مغناطش آهنربای مرجع، برابر با 1.1888 T با انحراف از معیار 40 G برای تعداد ۱۵۰ بار تکرار آزمایش به دست آمد. بنابراین دقت اندازه‌گیری مؤلفه‌ی M_z برابر با $\frac{S.D}{\sqrt{n}}$ و در حدود 3 G است.

۲.۴ اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی

اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی باید در محیطی با پایداری مناسب حرارتی انجام گیرد. پسماند مغناطیسی آهنرباهای دائمی NdFeB با افزایش دما با آهنگ $-0.12/^\circ\text{C}$ کاهش می‌یابد. به این منظور، پیچ‌های هلمهولتز به همراه آهنرباهای دائمی از ۴۸h قبل از اندازه‌گیری داخل محیطی بسته که به کمک چادر پلاستیکی ضخیم و یک سیستم تهویه‌ی مناسب دیجیتال که دمای داخل را در دمای $23 \pm 1^\circ\text{C}$ نگه می‌دارد قرار داده، و بعد از هم دما شدن آهنرباها با محیط، نسبت به اندازه‌گیری آنها اقدام شد. شکل ۱۳، اتاق ویژه‌ای که برای اندازه‌گیری‌های مغناطیسی در دمای ثابت ساخته شده است و پیچ‌های هلمهولتز قرار داده شده در آن را نشان می‌دهد.

انکودر در هر دور ۱۰۲۴ پالس تولید می‌کند که هر پالسی مربوط به یک موقعیت خاص زاویه‌ای آهنربا است. لازم است پالس نقطه‌ی صفر انکودر را قبل از اندازه‌گیری به دست آورد. به بیان دیگر، باید ابعاد هندسی آهنربا را بعد از قرار دادن در مرکز



تعداد سیگنال نمونه برداری شده برای ۱۰ چرخش (۱۰۲۴ نمونه در هر چرخش کامل)

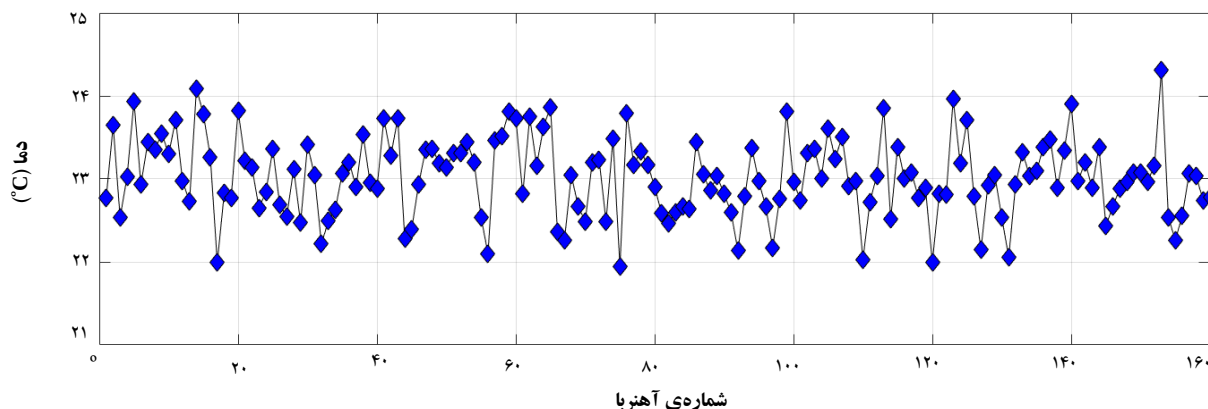
شکل ۱۴. ولتاژ القایی در پیچ‌های هلمهولتز برای ۱۰ چرخش آهنربا.

میدان، به شکل و ابعاد هندسی آهنربا بستگی دارد. از نتایج به دست آمده این طور می‌توان برداشت کرد که بردار مغناطش در راستای بُعد ۲۴ mm مقاومت بیش‌تری نسبت به بُعد ۱۲ mm دارد و مقدار آن کمی بیش‌تر است.

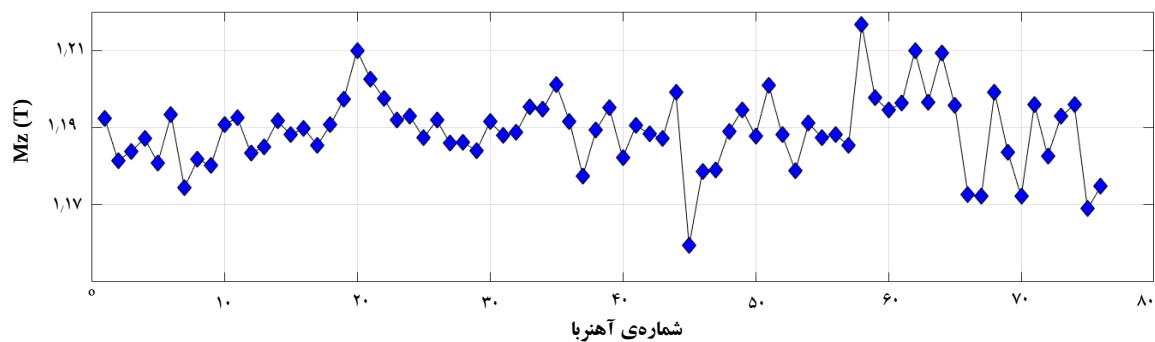
سرانجام، از نتایج اندازه‌گیری برای چیدن آهنرباهای دائمی در کنار یک‌دیگر به منظور رسیدن به میدان مغناطیسی با کم‌ترین خطا در آندولاتور استفاده می‌شود. نتایج اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی نشان‌دهنده‌ی کیفیت قابل قبول آهنربا است. محدوده‌ی روا دارای (تِلرانس)های تضمین شده که فروشنده اعلام کرده است، در مورد شدت بردار مغناطش در راستای محور آسایش از ۱/۱۷ تا حداکثر ۱/۲۲ T است و در مورد زاویه‌ی انحراف آن 1° و در مورد تِلرانس‌های ابعادی، ۰/۰۵ mm است. نتایج نشان‌دهنده‌ی حداکثر زاویه‌ی خمش 0.7° نسبت به محور هندسی، و شدت بردار مغناطش Mz در بیش‌تر آهنرباها در همان محدوده‌ی ادعا شده‌ی تولیدکنندگان است.

شکل ۱۵، اُفت‌وخیز دما را طی زمان آزمایش برای اندازه‌گیری ۱۶۰ عدد آهنربا نشان می‌دهد. دمای آزمایش را باید در محدوده‌ی $23 \pm 1^\circ \text{C}$ نگه داشت.

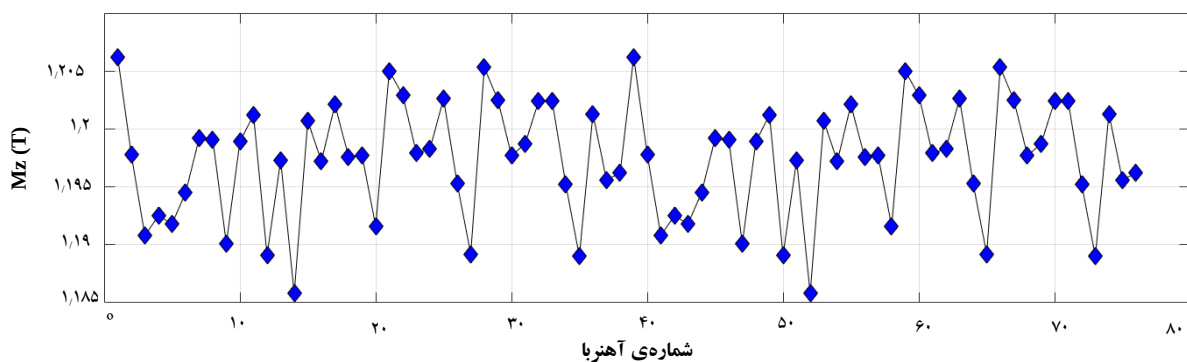
نتایج پایانی اندازه‌گیری بزرگی سه مؤلفه‌ی بردار مغناطش در آهنرباهای دائمی را در شکل‌های ۱۶ تا ۱۹ می‌توان مشاهده کرد. بردار مغناطش در راستای محور آسایش آهنربا که بزرگ‌ترین و اصلی‌ترین مؤلفه است، با Mz نشان داده شده است. نتایج اندازه‌گیری برای آهنرباهای با قطبش افقی یعنی در راستای بُعد ۱۲ mm، و آهنرباهای با قطبش عمودی یعنی در راستای بُعد ۲۴ mm به طور جداگانه رسم شده‌اند. میانگین مؤلفه‌ی Mz بردار مغناطش برای آهنرباهای با قطبش افقی ۱/۱۸۹۴ T، و برای آهنرباهای با قطبش عمودی ۱/۱۹۷۳ T است. این اختلاف را قبل از اندازه‌گیری نیز می‌توان انتظار داشت. دلیل این اختلاف این است که بردار مغناطش آهنربا بعد از فرایند ساخت، تحت تأثیر یک میدان مغناطیسی داخلی که در جهت عکس بردار مغناطش قرار دارد و در صدد تضعیف آن است قرار می‌گیرد. مقدار این



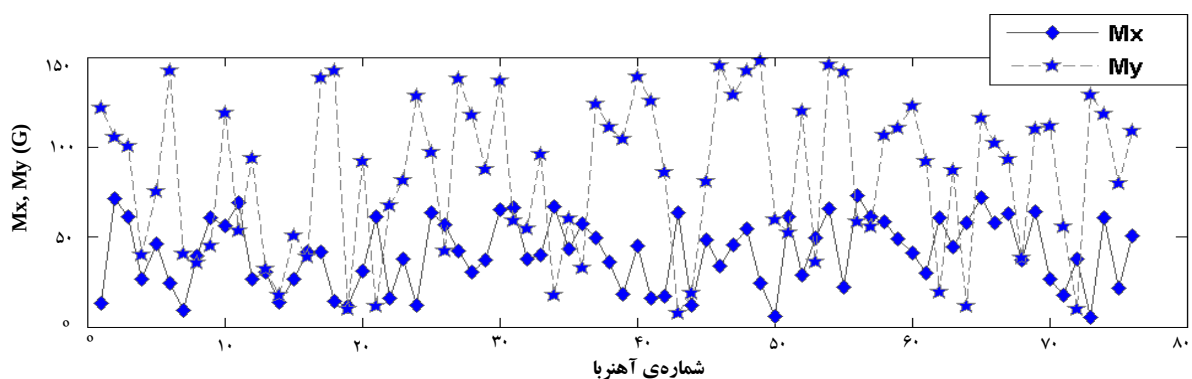
شکل ۱۵. اُفت‌وخیزهای دمای محیط اندازه‌گیری که در محدوده‌ی $23 \pm 1^\circ \text{C}$ کنترل شده است.



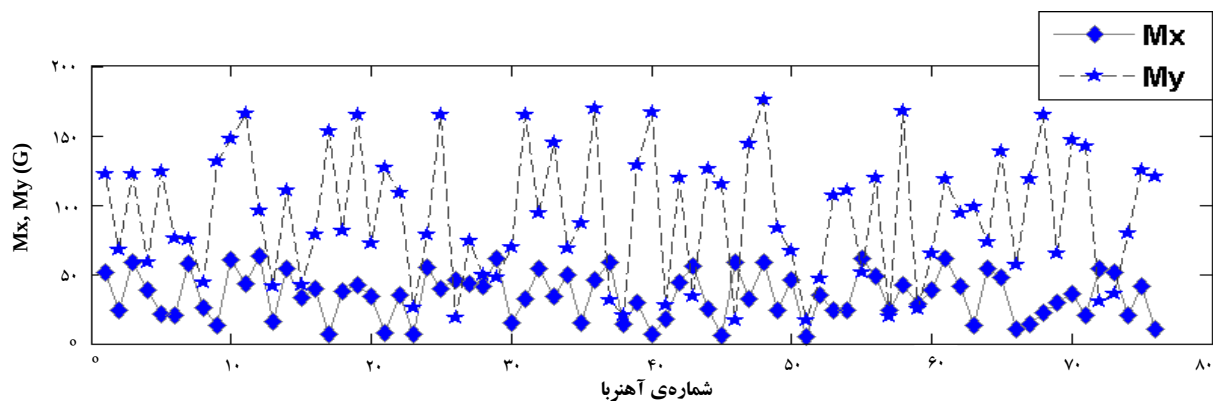
شکل ۱۶. مؤلفه‌ی M_z آهنرباهای با قطبش افقی (قطبش در راستای بُعد ۱۲mm). میانگین M_z برابر است با 1.1894 T .



شکل ۱۷. مؤلفه‌ی M_z آهنرباهای با قطبش عمودی (قطبش در راستای بُعد ۲۴mm). میانگین M_z برابر است با 1.1973 T .



شکل ۱۸. مؤلفه‌های M_x و M_y آهنرباهای با قطبش افقی (قطبش در راستای بُعد ۱۲mm). پراکندگی M_x برابر با ۶۷G، و پراکندگی M_y برابر با ۱۴۱G است.



شکل ۱۹. مؤلفه‌های M_x و M_y آهنرباهای با قطبش عمودی (قطبش در راستای بُعد ۲۴mm). پراکندگی M_x برابر با ۵۷G، و پراکندگی M_y برابر با ۱۵۹G است.



۵. نتیجه‌گیری

در این کار، به منظور اندازه‌گیری آهنرباهای دائمی که قرار است در ساخت یک نمونه‌ی آزمایشگاهی آندولاتور تخت استفاده شود، طراحی و ساخت پیچ‌ی هلمهولتز با شعاع میانگین ۳۲٫۵cm انجام، و بعد از کالیبراسیون و اندازه‌گیری ثابت پیچ، برای اندازه‌گیری ۱۶۰ عدد آهنربای دائمی استفاده شد. صحت اندازه‌گیری پیچ‌ی هلمهولتز که ناشی از خطاهای سیستماتیک از جمله محدود بودن شعاع پیچ و ابعاد آهنربا است، در حدود ۱۵٪ است. دقت اندازه‌گیری که به نوعی بیان‌کننده‌ی تکرارپذیری اندازه‌گیری نیز هست، با تکرار اندازه‌گیری برای یک آهنربای مرجع به تعداد ۱۵۰ بار ارزیابی شد. انحراف معیار نتایج اندازه‌گیری حاکی از دقت در حدود ۰٫۳٪ برای اندازه‌گیری بردار مغناطش در راستای محور آسایش آهنربا است. نتایج به دست آمده، نشان‌دهنده‌ی حداکثر انحراف بردار مغناطش به اندازه ۰٫۷° از حالت ایده‌آل است که ادعای سازندگان نیز کم‌تر از یک درجه بوده است. شدت بردار مغناطش نیز در محدودی مورد ادعای تولیدکنندگان یعنی از ۱٫۱۷ تا ۱٫۲۲ T قرار دارند.

از تجربه‌ی به دست آمده در این کار می‌توان در کارهای آینده برای بهبود عملکرد پیچ‌ی هلمهولتز به ویژه در این کاربرد، و افزایش سرعت اندازه‌گیری استفاده کرد. بدیهی است با امکانات حداقلی و بدون استفاده از سیستم‌های خودکار مکانیکی برای چرخاندن آهنربا با درجه‌ی آزادی‌های بیش‌تر، سرعت اندازه‌گیری محدود است. برای اندازه‌گیری تعداد زیاد آهنربا در آینده می‌توان سیستم چرخان را با درجه‌ی آزادی بیش‌تر طراحی و بهره‌برداری کرد.

پی‌نوشت‌ها

1. Remanence
2. Curie Temperature
3. Insetion Devices
4. Undulator
5. Medium-Desity Fibreboard (MDF)
6. Computer Numerical Control (CNC)
7. Servo Motor
8. Rotary Absolute Encoder
9. Timing Belt
10. Analog to Digital Converter (ADC)

مراجع

- [1] B.D. Cullity, Introduction to Magnetic Materials, Edition 2, Wiley, (2009).
- [2] Iranian Light Source Facility (ILSF), Conceptual design report, October, (2012).
- [3] A. Ramezani Moghaddam, M. Lamehi, J. Rahighi, H. Ghasem, Magnetic Design of the First Prototype Pure Permanent Magnet Undulator for the Ilsf, Proceedings of IPAC2014, Dresden, Germany.
- [4] C.S. Hwang, S. Yeh, PK. Teng, TM. Uen, A highly automatic measurement system for three orthogonal magnetic moments of a permanent magnet block, *Rev. Sci. Instrum.* **67** (5) (1996).
- [5] B.D.W. Carnegie, J. Timpf, Characterizing permanent magnet blocks with Helmholtz coils, *Nucl. Instrum. Meth. A.* **319** (1-3) (1992) 97-99.
- [6] Joseph Z. Xu, Isaac Vasserman, A New Helmholtz Coil Permanent Magnet Measurement System, Proceedings of ICALEPCS, Grenoble, France, (2011).
- [7] Toshiya TANABE., Rotating Coil / Helmholtz Coil Magnetic Measurement System Using Lock-in Amplifier Method, SPring-8 Project Team, Kamigori, Ako-gun, Kyogo 678-12, JAPAN.
- [8] L. Burkel, R. Dejus, J. Maines, J. O'Brien, J. Pflueger, I. Vasserman, The Insertion Device Magnetic Measurement Facility: Prototype and Operational Procedures, ANL/APS/TB-12, (1993).
- [9] James A. Clarke, The Science and Technology of Undulators and Wigglers, Oxford University Press, (2004).
- [10] Hideo Onuki, Pascal Elleaume, Undulators, Wigglers and their Applications, Taylor & Francis, (2003).