مجله علوم، مهندسی و فناوری هستهای، دوره ۴۵، شماره ۳، جلد ۱۰۹، پاییز ۱۴۰۳



# استفاده از تحلیل آماری افتوخیزهای ناهمبسته برای شناسایی سامانههای

آشکارسازی هستهای حالت پالسی

محمد ارکانی\*

پژوهشکده راکتور و ایمنی هستهای، پژوهشگاه علوم و فنون هستهای، سازمان انرژی اتمی ایران، صندوق پستی: ۸۳۶–۱۴۳۹۵، تهران- ایران

\*Email: markani@aeoi.org.ir

مقالەي فنى

تاریخ دریافت مقاله: ۱۴۰۲/۲/۱۰ تاریخ بازنگری مقاله: ۱۴۰۲/۵/۹ تاریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۲/۵/۳۱

### چکیدہ

یکی از فرایندهای تصادفی که در اکثر آزمایشهای هستهای مشاهده میشود، فرایند تصادفی پواسون است. با توجه به اثر زمانمرده در سامانههای آشکارسازی حالت پالسی، فرایند اندازه گیری شده در خروجی آشکارساز نسبت به فرایند تصادفی پواسون دارای اعوجاج است. در این تحقیق با استفاده از روشهای تحلیل آماری به شناسایی سامانههای آشکارسازی حالت پالسی پرداخته شده است. یکی از آشکارسازهای نوعی که در حالت پالسی کار می کند، آشکارساز ۳BF است. در این پژوهش یک آشکارساز ی حالت پالسی پیادهسازی روش فوق انتخاب شد و سپس پالسهای مشاهده شده در خروجی آشکارساز در حوزه زمان با استفاده از تحلیل آماری افتوخیزها اندازه گیری و تحلیل گردید. در آزمایشهایی مانند اندازه گیریهای مربوط به تئوری نوفه رآکتور قدرت صفر، تابع انتقال سامانه آشکارسازی استفاده شده ندر نیز خود بر نتایج بهدست آمده اثرگذار است. از اینرو آگاهی از تابع انتقال سامانه آشکارسازی به کار گرفته شده در این آزمایشها از اهمیت ویژهای برخوردار است. همچنین، در اندازه گیریهای که در آنها تصحیح زمانمرده سامانه آشکارسازی ضروری است، مشخص بودن تابع انتقال می تواند است. همچنین، در اندازه گیریهای که در آنها تصحیح زمانمرده سامانه آشکارسازی ضروری است، مشخص بودن تابع انتقال می تواند املاعات مفیدی از اثرات زمان مرده را در اختیار قرار دهد. در این پژوهش تابع انتقال یک سامانهآشکارسازی نوترون نوعی که بر پایه آشکارساز ۳FB است بررسی شده است.

كليدواژدها: پالسهاى تصادفى ناهمبسته، تابع توزيع احتمال پواسون، آشكارساز هستهاى

## Application of uncorrelated stochastic fluctuations analysis for identification of pulse mode nuclear detector systems

M. Arkani<sup>\*</sup> ace and Techno

Reactor and Nuclear Safety Research School, Nuclear Science and Technology Research Institute, AEOI, P.O.BOX: 14395-836, Tehran - Iran

Technical Paper Received: 30.4.2023, Revised: 31.7.2023, Accepted: 22.8.2023

#### Abstract

One of the most frequently observed random processes in nuclear experiments is the Poisson process. Due to the dead time effect of detection systems, the experimental process is different from the Poisson process. In this work, based on stochastic methods, a nuclear detection system is identified. The BF3 detector is a typical pulse mode detector. In this research, a typical BF3 detector is selected to implement the above method. Observed pulses at the detector output in the time domain were measured and analyzed using stochastic fluctuations analysis. In experiments such as measurements related to zero-power reactor noise theory, the transfer function of the detection system itself also affects the obtained results. Therefore, knowledge of the transfer function of the detection system used in these experiments is of particular importance. Also, in measurements where it is necessary to correct the detection system dead time, the specificity of the transfer function can provide valuable information about the effects of dead time. This study investigates the transfer function of a typical neutron detection system based on BF3.

Keywords: Uncorrelated random pulses, Poisson probability distribution function, Nuclear detector

Journal of Nuclear Science, Engineering and Technology Vol. 45 (4), Serial Number 109, 2024, P 181-189 مجله علوم، مهندسی و فناوری هستهای دوره ۴۵، شماره ۳، جلد ۱۰۹، پاییز ۱۴۰۳، ص ۱۸۱–۱۸۹



#### ۱. مقدمه

برای مدلسازی یک سامانه روشهای مختلفی وجود دارد. یکی از روشهای مدلسازی، مدلسازی جعبهسیاه<sup>۱</sup> است. در این روش ابتدا آزمایش روی سامانه واقعی انجام میشود و سپس از اطلاعات اندازه گیری شده از آزمایش، برای مدلسازی و تخمین تابع انتقال سامانه مورد نظر بهره گرفته میشود [۱]. این روش مدلسازی را شناسایی سامانه مینامند. مشکلات متعددی در بحث شناسایی سامانهها وجود دارد، از جمله اینکه اندازه گیریهای پدیدههای فیزیکی همواره با نویز همراه است که آزمایش گر بایستی این موارد را به حداقل برساند.

از روشهای شناسایی سامانهها میتوان برای شناسایی رآکتورهای هستهای نیز بهره جست. به عنوان مثال در رآکتور آب سبک جوشان هالدن<sup>۲</sup> در کشور نروژ، مدلهای خطی ورودی- خروجی، و همچنین مدلهای حالت خطی متغیر زمان، به عنوان ساختار مدل برای شناسایی تابع انتقال این رآکتور استفاده شدهاند. در این رآکتور، روشهای شناسایی مختلفی برای نشان دادن کاربرد تکنیکهای شناسایی بهعنوان ابزاری برای کشف دینامیک یک رآکتور هستهای استفاده شدهاند [۲].

در پژوهشی دیگر، تابع انتقال رآکتور آب جوشان HPR۱۰۰۰ مورد بررسی قرار گرفته است [۳]. در این پژوهش در مرحله اول، روشهای مدلسازی برای به دست آوردن مدل دینامیکی غیرخطی سامانه خنککننده رآکتور، فشارنده، ژنراتور بخار لاشکل و سامانه بایپس<sup>۳</sup> بخار در نظر گرفته میشوند. سپس خطیسازی هر مدل دینامیکی بر اساس تئوری اغتشاش مرک های غیرخطی با معرفی اختلالات معمولی برای تأیید توابع انتقال اجرا میشوند. با توجه به توافق خوب نتایج بهدست آمده، تابع انتقال توسعه یافته میتواند رفتارهای دینامیکی تابع انتقال را پیشبینی نماید.

تحلیل آماری سیگنال خروجی از آشکارسازهای هستهای به شناسایی سامانهی قلب رآکتورهای هستهای محدود نمیباشد و طیف وسیعی از اندازهگیریها را شامل میشود. اولین مشاهده نوسانات آماری تعداد نوترونها در یک رآکتور هستهای، آزمایش

> جله علوم، مهندسی و فناوری هستهای وره ۴۵، شماره ۳، جلد ۱۰۹، پاییز ۱۴۰۳، ص ۱۸۱–۱۸۹

معروف روسی آلفا است که به نام برونو روسی نامگذاری شد، کسی که دستگاه اندازه گیری این آزمایش را در روزهای آغازین کار آزمایشگاه لوس آلاموس پیشنهاد و راهاندازی نمود. مطالعات نظری اولیه توسط فرمی<sup>۴</sup>، فاینمن<sup>۵</sup> و هافمن<sup>۶</sup> در سال ۱۹۴۴ و دوباره توسط دیهافمن<sup>۷</sup> در همان دوره تدوین شد و به ترتیب در دو گزارش لوس آلاموس منتشر گردید (گزارشهای با کدهای ۲۶۹-LADC و ۲۵۶-LADC)، گزارشهای ذکر شده در بالا مانند بسیاری از تولیدات علمی و ادبی آن زمان، برای چندین سال طبقهبندی شده باقی ماندند [۴]. نوفه رآکتور، هم واکنشها ایجاد میشود. نوفه، یکی از مباحث اساسی در علوم و مهندسی هستهای، چه در تئوری و چه در عمل است. فرایندهای تصادفی بهطور گستردهای در طبیعت اتفاق میافتند. توصیف ریاضی فرایندهای تصادفی در مراجع با جزئیات توسعه

۱۸۲

در نهان افتوخیزهای آماری دادههای بهدست آمده از آشکارسازهای هستهای، اطلاعات مهمی نهفته و پنهان است که استخراج این اطلاعات مستلزم کاربرد روشهای منحصربهفرد خود است. این افتوخیزها که در این تحقیق منظور فاصلهزمانی بین وقایع است، بهصورت زنجیره پالسهای تصادفی میتواند در خروجی آشکارساز هستهای مشاهده شود. جنبههای مختلفی از این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا ارتفاع پالس این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا ارتفاع پالس این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا راهاع پالس این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا راهای پالس این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا راهای پالس این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا رامای پالس این وقایع میتواند ارزیابی شود، مانند انرژی یا رامای پالس این قبیل. معمولاً بخشی از تحلیل این وقایع بهصورت سختافزاری انجام میشود و نتایج تحلیل شده به رایانه برای شختافزاری انجام میشود و نتایج تحلیل شده به رایانه برای شبت و تحلیلهای بعدی ارسال میشود که در این صورت بخشی از اطلاعات این فرایندهای تصادفی از دست میرود.

آشکارسازی ذرات رادیواکتیو، به صورت تصادفی است، از این رو خروجی سامانه های آشکار سازی نیز داده های تصادفی است که معمولاً از توزیع پواسون برای فاصله زمانی بین پالس ها (که البته تحت تأثیر زمان مرده دچار اعوجاج شده است) و از

7. De Hoffman



<sup>1.</sup> Black Box

<sup>2.</sup> Halden Boiling Water Reactor (HBWR)

<sup>3.</sup> Bypass

<sup>4.</sup> Fermi

<sup>5.</sup> Feynman

<sup>6.</sup> Hoffmann

Journal of Nuclear Science, Engineering and Technology

توزيع گاوسی<sup>۱</sup> برای ارتفاع پالسهای مشاهده شده تبعیت مىكند. بەطور معمول ورودى چنين سامانەھايى فرايندى تصادفی است که در بیشتر حالات از نوع پواسون و ناهمبسته است. در محیطی تکثیرپذیر برای نوترون مانند قلب رآکتور هستهای، به دلیل آن که نوترونها از نسلهای متوالی و گاهأ مشترکی نشات می گیرند، نوعی همبستگی بین نوترونهای آشکارشده توسط آشکارساز وجود دارد. از اینرو خروجی آشکارساز در چنین شرایطی خودهمبسته است. به علم تحلیل پالسهای همبسته آشکارساز نوترون، که متأثر از نوترونهای همبسته قلب رآکتور هستهای است، تحلیل نوفه رآکتور قدرت صفر اطلاق می شود. از این رو تحلیل نوفه رآکتور هستهای از جمله روشهای استاندارد برای شناسایی<sup>۲</sup> سامانه قلب رآکتور هستهای است. تابع انتقال سامانه آشکارسازی از ارزش و اهمیت خاصی برخوردار است. در تحلیلهای آماری مانند تحلیل نوفه قلب رآکتور، تابع انتقال سامانه آشکارسازی بر نتایج اندازه گیری شده اثر گذار است و باعث اعوجاج و تغییر در پاسخ بهدست آمده از نتایج تجربی می شود. تابع انتقال سامانه های آشکارسازی هستهای حالت پالسی در شکل ۱ نشان داده شده است. ورودی چنین سامانهای فرایندی تصادفی و ناهمبسته است. خروجی این سامانه هم فرایندی تصادفی است که تحت تأثیر تابع انتقال آشکارساز دچار اعوجاج شده است. تابع انتقال آشکارساز به صورت داخلی به دو بلوک مجزا تقسیم بندی می شود، بلوک مربوط به آشکارساز و بلوک مربوط به سامانه آشکارسازی (واحدهای ابزار دقیق هستهای<sup>۳</sup>). آنچه که در این مقاله اندازه گیری شده است، تابع انتقال کل این مجموعه است. قابل ذکر است کلیه تحلیلهای مورد نیاز که شرح آن در بخشهای بعدی بهطور مبسوط آورده شده است در محیط نرمافزار مهندسی متلب به انجام رسیده است [۵].

در شکل ۲ نمایش نمادین زمانمرده در آشکارسازهای هستهای و اثر آن بر بازههایزمانی ثبت شده نشان داده شده است [۶]. در این شکل فرایند زمان مرده از نوع فلچشونده<sup>۴</sup> فرض شده است [۶]. چهار واکنش هستهای تصادفی با آشکارساز انجام شده که دو واکنش میانی تحت تأثیر زمانمرده

Nuclear Instrumentation Modules
 Paralyzable/Extendable Dead Time Model



- فاصلهزمانی های خیلی کوتاه در خروجی آشکارساز ظاهر نمی شوند.
- تابع توزیع نسبی فاصلهزمانیهای مشاهده شده در خروجی به سمت فاصلهزمانیهای بلندتر منحرف میشود. به دلیل آن که فرایند تصادفی ورودی، مستقل زمانی است، انتظار میرود انحراف مشاهده شده برای تمامی فاصلهزمانیها دارای تابع توزیع احتمال یکسانی است. یا به عبارتی دیگر، انحراف در همه فاصلهزمانیها یکسان مشاهده شود.

در حقیقت رفتار واقعی اثر زمانمرده در سامانههای آشکارسازی بسیار پیچیدهتر از مدل شرح داده شده در فوق است. از اینرو در حد آشنایی خواننده با مفاهیم مربوطه، به همین مقدار بحث مقدماتی اکتفا میشود. مطالب بیشتر در این رابطه در مراجع در دسترس میباشند [۶، ۷].







**شکل ۲.** نمایش زمانمرده در سامانه آشکارسازی حالت پالسی و اثر آن بر تابع توزیع فاصلهزمانی بین پالسها.

5. Recorded Time Interval Journal of Nuclear Science, Engineering and Technology

<sup>1.</sup> Gaussian

<sup>2.</sup> Identification

جله علوم، مهندسی و فناوری هستهای

## ۲. تحلیل آماری پالسهای خروجی از آشکارساز با استفاده از تابع توزیع پواسون

چنانچه آهنگ شمارشها در خروجی آشکارساز نسبتا کم باشد، انحراف از توزیع اولیه نیز محدود و قابل صرف نظر کردن خواهد بود. میدانیم در چشمهای از نوع واپاشی، واپاشی هستهها مستقل از هم بوده و از تابع توزیع پواسون تبعیت میکند. در نتیجه، انتظار میرود تابع توزیع احتمال فاصلهزمانی بین ذرات آشکار شده از چشمه توسط آشکارساز نیز از تابع توزیع احتمال پواسون تبعیت کند. به این ترتیب میتوان با استفاده از تابع توزیع احتمال اندازه گیری شده توسط آشکاساز، فرایند تصادفی واپاشی هستههای چشمه را اندازه گیری نمود [۷] و بدین ترتیب با دانستن فرایندهای تصادفی ورودی و خروجی به/ از آشکارساز به تابع انتقال سامانه آشکارسازی پیبرد. در این روش از توزیع نسبی فاصلهزمانی بین پالسها استفاده میشود. هرچند این روش نسبتاً دقیق است، ولی دارای معایب زیر است:

- بهدست آوردن تابع انتقال نیازمند انجام محاسبات و استخراج تابع توزیع پواسون برازش شده بر خروجی آشکارساز و تلقی نمودن آن به عنوان تابع پواسون اولیه و ورودی به آشکارساز است. از اینرو این روش مستقیماً به اندازه گیری تابع انتقال سامانه آشکارسازی نمی پردازد.
- در این روش فرایند تصادفی ورودی به آشکارساز تخمین
  زده می شود. پس یکی از عوامل بروز خطا در محاسبات
  می تواند همین مورد باشد.

## ۳. سامانه اندازهگیری و چیدمان آزمایش

شکل ۳ نشاندهنده پیکربندی کلی سامانهای است که در این تحقیق به منظور اندازه گیری توزیع نسبی فاصلهزمانی بین پالسهای آشکارساز استفاده شده است. بخشهای آشکارساز نوترون و واحدهای الکترونیک هستهای، بخشهای معمول در آشکارسازی نوترون میباشند [۶]. چشمه نوترون، چشمه Am-Be با قدرت ۵ کوری است که در محیط آبسبک درون تانک قرار گرفته است. در اندازه گیریهای مورد نظر در این تحقیق از آشکارساز BF<sub>۳</sub> نسبتاً بزرگی با قطر خارجی ۲/۹ cm طول ۲۰ ۵۰ استفاده شد. در آزمایشهای انجام شده، فاصله چشمه و آشکارساز حدود ۳۰ ۳۰ است. پالسهای آشکارساز مجله علوم، مهندسی و فناوری هستهای

بعد از تقویت از مدار تمییز دهنده سطح ولتاژ عبور کرده و اغتشاشات ناشی از پرتوهای گاما یا نوفه الکتریکی محیط از آن حذف و جداسازی میشود. خروجی این واحد، پالسهای منطقی با سطح ولتاژ ۵ ولت با استاندارد تی تی ال <sup>۱</sup> می باشند. دو سامانه مجزا که یکی برای جمع آوری اطلاعات آزمایش روسی آلفا تنظیم شده و دیگری برای اطلاعات مربوط به فاصلهزمانی بین پالسها، شده و دیگری برای اطلاعات مربوط به فاصلهزمانی بین پالسها، دادههای تجربی را ثبت می کنند. هر یک از این سامانهها به رایانه ای مجزا برای جمع آوری و ذخیره سازی دادهها متصل مستند. اطلاعات جزئی تر راجع به نحوه عمل کرد سامانههای جمع آوری اطلاعات استفاده شده در مراجع قابل دسترس است [۸. ۹].

مهمترین بخش پیکربندی نشان داده شده در شکل ۳، سامانه جمعآوری اطلاعات فاصله زمانی بین پالسها است. بنا بر بررسیهای صورت گرفته بهترین گزینه برای این هدف استفاده از تکنولوژی FPGA<sup>2</sup> است. نظر به آن که این سامانه بایستی زمانسنجیهای از مقیاس ns را انجام دهد، ازاینرو ابزارهای پردازش گر<sup>۳</sup> ذاتاً امکان ارایه چنین خدمتی را ندارند.

پس مبنای سامانه اندازهگیری بایستی مستقیماً بر اساس سختافزار بنا نهاده شود. این ویژگی در تکنولوژی FPGA به خوبی نهادینه شده است.



**شکل ۳.** پیکربندی کلی سامانه به کار گرفته شده برای اندازه گیریهای انجام شده.

3. Microprocessor Based Equipment

Vol. 45 (4), Serial Number 109, 2024, P 181-189

<sup>1.</sup> TTL: Transistor-Transistor Logic

<sup>2.</sup> FPGA: Field Programmable Gate Array

Journal of Nuclear Science, Engineering and Technology

شكل ۶ نشان دهنده طرحواره سامانه جمع آورى اطلاعات مربوط به فاصله زمانی بین پالسهای متوالی است. طرح مذکور با این معماری قادر است تا با پلهزمانی<sup>۴</sup> از مقیاس چند ns زمان رسیدن پالسها را اندازه گیری و ثبت نماید. چنان که در این شکل مشهود است نوسان گر کریستال کوارتز به عنوان زمانسنجي دقيق عمل كرده و پالسهاي خروجي آن به بلوك PLL درون تراشه<sup>۵</sup> FPGA اعمال می گردد. شمارندهای ۴۸ بیتی شمارش پالسهای خروجی از PLL که دارای بسامد ثابتی است را برعهده دارد. واحد منطق و کنترل حافظه FIFO<sup>9</sup> که همزمان با بسامد خروجي بلوك PLL عمل ميكند، وظيفه ثبت زمان ورود پالسهای سامانه آشکارساز نوترون در حافظه FIFO را براساس زمان شمارش شده در شمارنده ۴۸ بیتی برعهده دارد. در واقع حافظه FIFO نقش حافظه موقت را برای دادههای زمانی پالسهای ورودی از سامانه آشکارساز نوترون برعهده دارد. قابل ذکر است بلوک PLL علاوه بر تأمین بسامد مربوط به شمارش زمان و همزمانی<sup>۷</sup>، سیگنال ساعت مورد نیاز بلوک یردازنده Nios II را نیز فراهم می نماید. خروجی بلوک حافظه FIFO به پردازشگر Nios II متصل است. این پردازشگر نهان در تراشه FPGA، با استفاده از سیگنالهای کنترلی مربوطه اطلاعات را با سرعتی پایینتر (نسبت به سرعتی که در طرف دیگر حافظه FIFO برای ثبت تعداد محدودی از پالسها وجود دارد)، اطلاعات نوشته شده در این حافظه را قرائت می کند. با توجه به منابع محدودی که در هر تراشه FPGA در دسترس است، استفاده از تراشهای مجزا برای تأمین فضای حافظه کافی، ضروريست. قابل ذكر است ارسال اطلاعات به كامپيوتر بهطور مستقیم به دلیل سرعت پایین تبادل، منطقی نمی باشد و باعث کاهش شدید در حداکثر نرخ نمونهبرداریهای ممکن می شود. به همین دلیل بانک حافظه SRAM نیز به این طرح اضافه شده است. در مرحله بعد اطلاعات جمع آوری شده با استفاده از درگاه USB به کامپیوتر منتقل می شود. لازم به توضیح است که آزمونهای مربوط به این تراشه بر روی پلتفرم برد توسعه STRATIX III، محصول شركت ALTERA انجام شده است. قابل ذکر است حداقل سه پریود گسستهسازی زمان بایستی بعد از هر آشکارسازی سپری شود تا ساختار شرح داده شده آماده دریافت پالس بعدی شود، این بازهزمانی در اصطلاح

- 6. Writing Control Logic
- 7. FPGA Global Clock (Synchronization Clock) 8. STRATIX III DSP Development Kit

Journal of Nuclear Science, Engineering and Technology

شکل ۴ نشان دهنده دو نمونه از تحلیل اطلاعات جمع آوری شده در یک آزمایش است. چنان که مشهود است اگر اطلاعات مربوط به فاصلهزمانی بین پالسها جمعآوری شود، در تحلیلهای دلخواه، خطای مربوط به لرزش بسامدی ا به مورت تجمعی سبب افزایش خطای کل می شود. برای رفع این نقیصه، سامانه جمع آوری اطلاعات می بایست دادههای مربوط به زمان ورود پالسها را جمع آوری کند. بدین ترتیب، در تحلیلهای دلخواه جمله مربوط به خطای تجمعی ظاهر نخواهد شد. این ویژگی در شکل ۵ که نشاندهنده اصول کلی تبدیل زمان به کمیت دیجیتال<sup>۲</sup> در سامانه مذکور است به خوبی نشان داده شده است. کمیت زمان که از جنس کمیتهای پیوسته است توسط یک نوسانگر به بازههای زمانی گسستهای تبدیل میشود. سیگنال ساعت ایجاد شده توسط شمارنده شمارش می شود، حال چنان که دو پالس پیدرپی خروجی از آشکارساز را در نظر بگیریم، در لحظات لبههای بالا رونده پالسهای ورودی، مقدار خروجی شمارنده برابر با  $C_i$  و  $C_{i+1}$  (متناظر با  $T_i$  و  $T_{i+1}$ ) است. چنان که فاصلهزمانی بین پالسهای متوالی مد نظر باشد، با تفاضل زمانهای اندازهگیری شده میتوان به فاصلهزمانی بین پالسها پیبرد. پارامتر T در اصطلاح پارامتر دوره<sup>۳</sup> گسسته-سازی نامیده میشود. در این روش خطا برابر با T±، دوره تناوب گسستەسازى زمان، است.



شکل ۴. خطای تجمعی در تحلیلهای دلخواه در سامانهای که بازههای زمانی را ثبت مینماید.



شکل ۵. اصول کلی تبدیل زمان به کمیت دیجیتال و ثبت آن در حافظه FIFO در سامانه جمع آوری فاصله زمانی بین پالسها.

- 2. TDC: Time to Digital Conversion
- 3. Period



<sup>4.</sup> Time Step

<sup>5.</sup> Chip

Vol. 45 (4), Serial Number 109, 2024, P 181-189

<sup>1.</sup> JE: Jitter Error

زمان مرده بین وقایع <sup>۱</sup> نامیده می شود. از این رو وابسته به این که بسامد گسسته سازی چقدر است، زمان مرده سامانه جمع آوری اطلاعات مشخص می شود. به عنوان مثال پریود گسسته سازی زمان برای تراشه از خانواده STRATIX III برابر با ۲٬۲۲ ns است، از این رو زمان مرده بین وقایع بر ابر با ۶٬۶۶ ns است. پار امتر مهم بعدی، حداکثر نرخ نمونه برداری است.

## ۴. نتایج تجربی بهدست آمده از تحلیل توزیع نسبی فاصلهزمانی بین پالسها

سامانه نشان داده شده در شکل ۳ در نرخ شمارش نوترون حدود ۴۳ هزار شمارش در هر ثانیه به کار گرفته شد و تعداد چهل میلیون فاصله زمانی بین پالسها اندازهگیری و ثبت گردید. تعداد بیست هزار نمونه از اطلاعات اندازهگیری شده در شکل ۷ آورده شده است. چنان که مشهود است، تجمع بیشتری برای پالسها با فاصله زمانی کوتاه وجود دارد. این در حالیست که به دلیل زمان مرده سامانه آشکارسازی، به ازای فاصله زمانیهای خیلی کوتاه (کوچکتر از ۲ µs) نمونهای ثبت نشده است. شکل ۸ نشاندهنده توزیع طیفی فاصله زمانی بین پالسها است که در هزار تقسیمبندی زمانی<sup>۲</sup> ترسیم شده است. هر تقسیمبندی زمانی دارای پهنای زمانی ns است. در مجموع تعداد چهل میلیون نمونهبرداری از فاصله زمانی بین پالسها انجام شده است. در فاصله زمانیهای بزگتر از ۲۰ µs، جایی که اثر زمان مرده آشکارساز بر توزیع بهدست آمده تأثیر ناچیزی دارد، توزیع پواسون برازش شده است. خط ممتد نشان-دهند تابع برازش شده است. رابطه تحلیلی برازش شده بر نتایج تجربی تطابق خوبی داشته و مقدار پارامتر "خوبی برازش"" به-دست آمده برابر با ۰٬۹۹۹۹ است. در بازه زمانی صفر الی ۲۰ µs اثر زمان مرده به شکل انحراف از توزیع یواسون مشهود است. تابع برازش شده مقدار شمارش صحیح را برابر با ۴۸۵۲۰ شمارش در هر ثانیه بهدست داده است. متوسط شمارش مشاهده از آشکارساز برابر با ۴۳۴۲۲ شمارش در هر ثانیه اندازهگیری شده است.

- 1. Inter-Event Dead Time
- 2. Time Bin
- 3. Goodness of Fit



شکل ۶. ساختار پیادهسازی شده برای سامانه جمع آوری اطلاعات فاصله زمانی بین پالس های متوالی.



شکل ۷. فاصلهزمانی بین پالسهای متوالی برای ۲۰ هزار نمونه اندازه گیری



شکل ۸. توزیع نسبی فاصلهزمانی بین پالسهای خروجی از آشکارساز ۳ به همراه تابع توزیع پواسون برازش شده بر آن.

Journal of Nuclear Science, Engineering and Technology Vol. 45 (4), Serial Number 109, 2024, P 181-189



با مشخص بودن توابع ورودی و خروجی سامانه آشکارسازی میتوان از تقسیم نقطه به نقطه توابع ورودی و خروجی به تابع توزیع احتمال انتقال سامانه آشکارسازی پی برد. شکل ۹ نشاندهنده تابع انتقال سامانه آشکارسازی به ازای فاصله زمانیهای مختلف پالسهای ورودی است. تابع فوق به ازای فاصلهزمانیهای بزرگتر از μs ۱۰ برابر با ۱ و یکنواخت است. این بدان معناست که سامانه آشکارسازی، واکنشهای با فاصله زمانی بزرگتر از این مقدار را با احتمال صد در صد آشکار زمانی بزرگتر از این مقدار را با احتمال صد در صد آشکار میکند. در زمانهای بین صفر تا μs ۱۰ سامانه آشکارسازی به صورت یک تابع صعودی و پیوسته است. بدینمعنی که واکنشهای با فاصلهزمانیهای متناظر، با یک احتمال مشخص آشکار و در خروجی ظاهر میشوند.

## ۵. صحتسنجی نتایج بهدست آمده با استفاده از روش مونتکارلو

از آنجا که سامانه شناسایی شده ذاتاً سامانهای تصادفی است، آزمون و ارزیابی صحت نتایج بهدست آمده نیز بایستی با استفاده از آزمونهای آماری انجام شود. بر همین اساس روش مونتکارلو بدین منظور انتخاب شد. روش کار بر این اساس است که با تولید یک رشته فاصله زمانی با توزیع پواسون به صورت مصنوعی، خروجی مورد انتظار با استفاده از تابع تبدیل اندازهگیری شده در حوزه زمان تولید میشود. سپس نتایج شبیهسازی شده با نتایج تجربی مقایسه میگردد. برای محتسنجی سامانهی شناسایی شده، مجدداً آزمایشی ترتیب داده شد، و نتایج تجربی جدیدی برای این منظور جمع آوری گردید. به این ترتیب دادههای استفاده شده برای شناسایی سامانه از دادههای استفاده شده برای صحتسنجی نتایج



**شکل ۹**. تابع انتقال سامانه آشکارسازی که بهواسطه تحلیل توزیع نسبی فاصلهزمانی بین پالسهای متوالی از آشکارساز بهدست آمده است.

مجله علوم، مهندسی و فناوری هستهای

دوره ۴۵، شماره ۳، جلد ۱۰۹، پاییز ۱۴۰۳، ص ۱۸۱–۱۸۹

قلب یک کد محاسباتی مونت کارلو اعداد تصادفی تولیدی با توزیع متناسب با مسئله مورد نظر است. در این تحقیق از روش تبدیل معکوس برای تولید اعداد تصادفی با توزیع پواسون استفاده شد. اگر از تابع توزیع احتمال پواسون در فاصله زمانی دو پالس پی درپی انتگرال گیری کنیم داریم، حاصل احتمال مشاهده پالس بعدی است. نتیجهی انتگرال که تابع توزیع احتمال تجمعی مشاهده پالس مذکور است، اگر برابر با عدد تصادفی کم قرار داده شود داریم:

$$\xi = \int_{0}^{t_{Poisson}} n e^{-nt'} dt' = 1 - e^{-nt_{Poisson}}$$
(1)

رابطه (۱) نشاندهنده مبدل اعداد تصادفی با توزیع یکنواخت به اعداد تصادفی با توزیع پواسون است:

$$\Delta t_{pj} = \frac{ln(\frac{1}{\xi j})}{n} \tag{(7)}$$

در این رابطه  $\Delta t_{pj}$  فاصله زمانی با توزیع پواسون، n شمارش صحیح آشکارساز،  $\xi_j$ عدد تصادفی با توزیع یکنواخت بین صفر و یک، و jاندیس شماره عدد تصادفی تولیدی است.

برای آزمون صحتسنجی تابع انتقال اندازه گیری شده، یک فرایند تصادفی دیگر (در نرخ شمارشی متفاوت از آشکارساز) توسط سامانه آشکارسازی ثبت و در رایانه ذخیره گردید. سپس با تحليل نتايج بهدست آمده فرايند تصادفي اوليه (فرايند ورودي به سامانه آشکارسازی) استخراج گردید. فرایند تصادفی بازیابی شده به همراه نتایج تجربی اندازه گیری شده در شکل ۱۰ آورده شده است. سپس فرایند تصادفی بازیابی شده به عنوان یک فرایند تصادفی ورودی با استفاده از شبیهسازی مونت کارلو به تابع تبدیل نشان داده شده در شکل ۹ اعمال گردید. فرایند تصادفی بازیابی شده مبنایی برای تولید فاصله زمانیهای تصادفی با استفاده از رابطهی (۲) قرار گرفت. فاصلهزمانیهای تصادفی تولیدی سپس با استفاده از تابع انتقال نشان داده شده در شکل ۹ مورد بررسی قرار گرفتند و احتمال مشاهدهی هر یک در خروجی سامانه لحاظ گردید. برنامه نوشته شده در محیط نرمافزار متلب حدود ۱۵۹ دقیقه برای رهگیری ده میلیون داده تصادفی اجرا و نتایج در شکل ۱۱ به همراه نتایج تجربی (نتیجه مورد انتظار از شبیهسازی) و فرایند تصادفی اولیه آورده شده است که تطابق خوبی مشاهده می شود.





شکل ۱۰. توزیع طیفی فاصله زمانیهای مشاهده شده بین پالسهای متوالی در خروجی آشکارساز و توزیع پواسون برازش شده بر آن. آهنگ شمارش صحیح بهدست آمده برای آشکارساز برابر با ۲۳±۳۲۴۴۰ شمارش در هر ثانیه است.



شکل ۱۱. مقایسه نتایج تجربی بهدست آمده برای فرایند تجربی نشان داده شده در شکل ۱۰ و نتایج شبیهسازی شده با استفاده از روش مونتکارلو.

### ۶. نتیجهگیری

یکی از ابزارهای بسیار پرکاربرد در صنعت هستهای سامانههای آشکارسازی است. بسته به نوع ذره و انرژی آن، آشکارساز مورد استفاده نیز متفاوت است. از جمله خواص جداییناپذیر سامانههای آشکارسازی، زمان مرده آشکارساز و سامانه الکترونیک مرتبط با آن است. در اندازه گیریهای مربوط به ذرات رادیواکتیو، ورودی سامانههای آشکارسازی معمولاً فرایندی

به فرایند اولیه ورودی به آشکارساز، دچار اعوجاج و تغییر شده است. به این ترتیب فرایند تصادفی واقعی و فرایند تصادفی اندازه گیری شده با یکدیگر تفاوتهایی دارند. ارتباط بین فرایند تصادفی واقعی، و فرایند تصادفی اندازه گیری شده توسط تابع انتقال آشکارساز مشخص می شود. در این پژوهش با استفاده از تحلیل آماری افتوخیزهای ناهمبسته به شناسایی سامانههای آشکارسازی هستهای حالت پالسی پرداخته شده است. برای این منظور، یک آشکارساز BFr نوعی برای پیادهسازی روش فوق انتخاب شد. پالسهای مشاهده شده در خروجی آشکارساز در حوزه زمان با استفاده از تحلیل آماری افتوخیزها اندازه گیری و تحلیل گردید. در این پژوهش تابع انتقال این سامانه آشکارسازی نوترون که بر پایهی آشکارساز BF<sub>۳</sub> است اندازه گیری شده است. با اعمال ورودی از نوع فرایند پواسون، فرایند تصادفی خروجی آشکارساز مورد اندازهگیری قرار گرفت. با استفاده از دادههای اندازه گیری شده، فرایند تصادفی ورودی به آشکارساز حدس زده شد و به این ترتیب ارتباط بین ورودی و خروجی که تابع انتقال آن است مشخص گردید. برای صحتسنجی نتایج بهدست آمده، برنامهای با استفاده از روش مونت کارلو توسعه داده شد که قادر است با دریافت تابع انتقال سامانه آشکارسازی و فرایند تصادفی ورودی (که در این تحقیق فرایند تصادفی پواسون است)، فرایند تصادفی خروجی آشکارساز را شبیهسازی نماید. بدینترتیب نتایج بهدست آمده از روش مونتکارلو با نتایج تجربی که در آهنگ شمارش متفاوتی اندازه گیری شد، مقایسه و تطابق خوبی مشاهده گردید. با آگاهی از تابع انتقال آشکارساز، بیآنکه آزمایشی را به انجام رساند، با معلوم بودن فرایند تصادفی ورودی به آشکارساز، می توان فرایند تصادفی اندازه گیری شده (که به علت ماهیت ذاتی سامانه آشکارسازی دارای اعواج است) را با استفاده از شبیهسازی مونت کارلو تخمین زد.

تصادفی است. خروجی نیز یک فرایند تصادفی است که نسبت

- 1. Karrari M. System Identification. Amirkabir University of Technology. Tehran Polytechnic Press. 2010.
- Olsson G. Modeling and Identification of a Nuclear Reactor. Mathematics in Science and Engineering. 1976;126:519-593.
- Zhang X, Sun P, Qiu L, Pu S, Wei X. Transfer function modeling and simulation of HPR1000. Annals of Nuclear Energy. 2022;166:108689.
- Henley E.J, Lewins J. Advances in Nuclear Science and Technology. Elsevier. 2014;7: NY, DOI: 10.1007/978-1-4613-2862-9.
- 5. MATLAB 2020b, The MathWorks, Inc., Natick, Massachusetts, United State.
- 6. Knoll G.F. Radiation detection and measurement. John Wiley & Sons Inc. 1999.

- 7. Arkani M, Raisali G. Measurement of dead time by time interval distribution method. Nuclear Instruments and Methods in Physics Research, Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment. 2015;774:151-158.
- Arkani M, Khalafi H, Vosoughi N, Khakshournia S. Design and construction of a two-channel data acquisition system for random processes based on FPGA. Journal of Nuclear Research and Applications. 2015;36(72):29-38.
- 9. Arkani M, Khalafi H, Vosoughi N, Khakshournia S. A FPGA based Time Analyser for Stochastic Methods in Experimental Physics. Instruments and Experimental Techniques. 2015;58:350-358.

#### COPYRIGHTS

©2021 The author(s). This is an open access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution (CC BY 4.0), which permits unrestricted use, distribution, and reproduction in any medium, as long as the original authors and source are cited. No permission is required from the authors or the publishers.



#### استناد به این مقاله

ارکانی، محمد. (۱۴۰۳)، استفاده از تحلیل آماری افتوخیزهای ناهمبسته برای شناسایی سامانههای آشکارسازی هستهای حالت پالسی. مجله علوم، مهندسی و فناوری هستهای، ۱۰۹(۳)، ۱۸۱–۱۸۱. Url: https://jonsat.nstri.ir/article\_1589.html .DOI: https://doi.org/10.24200/nst.2024.1589

