

# کاربرد تشدیدگر ناپایدار خودپالاینده [SFUR] در لیزر رزینه ای

## Nd:YAG با دمش به وسیله هماهنگ دوم لیزر

کامبیز رحیمیان، امیرحسین فرهبد، اکبرحریری\*

مرکز تحقیقات و کاربرد لیزر، سازمان انرژی اتمی ایران، صندوق پستی: ۱۱۳۶۵-۸۴۸۶، تهران -

**چکیده:** تشدیدگر ناپایدار خود پالاینده (SFUR) با بزرگنمایی  $M=3$  در لیزر رزینه ای با دمش به وسیله، هماهنگ دوم لیزر نئودیمیوم - بیاگ موردن مطالعه قرار گرفت. رنگ به کار رفته رود امین ۶G با غلظت  $5 \times 10^{-3}$  mol/lit است. رفتار فضایی تپهای لیزری حاصل از این تشدیدگر با تپهای تشدیدگر صفحه موازی، با طول معادل، مقایسه شد. انرژی های خروجی اندازه گیری شده در این دو تشدیدگر به ترتیب  $20\text{ }\mu\text{J}$  و  $26\text{ }\mu\text{J}$  است که قابل مقایسه اند. اختلاف اساسی این دو تشدیدگر در واگرایی با ریکه های آنهاست که برای تشدیدگر خودپالاینده  $0.77\text{ mJ}$  میلی رادیان و برای تشدیدگر صفحه موازی  $1/6$  میلی رادیان اندازه گیری شد. کاوش و اگرایی، درخشایی بالای را (که در دو تشدیدگر به ترتیب  $11.5 \times 10^6$  و  $10.2 \times 10^6$  وات بر سانتیمتر مربع بر استرadian است) به همراه دارد. پهنهای تپ در تشدیدگر SFUR برابر  $7\text{ }\text{nanoWatt/cm}^2$  و در تشدیدگر صفحه موازی  $0.7\text{ }\text{nanoWatt/cm}^2$  اندازه گیری شد. نتایج حامل نشان میدهد که تشدیدگر خودپالاینده قادر است درخشایی را در واگرایی کسری از میلی رادیان در مقایسه با تشدیدگر صفحه موازی دست کم  $10$  بار افزایش دهد. به منظور توصیف رفتار دینامیکی تشدیدگر SFUR، محاسبات عددی بر اساس معادلات آنگ به کار رفت که با نتایج تجربی به دست آمده به خوبی سازگارند.

**واژه های کلیدی:** تشدیدگر ناپایدار خودپالاینده، لیزر رزینه ای، درخشایی، تشدیدگر صفحه موازی

## Nd:YAG (2ω) Pumped Dye Laser Using Self-Filtering Unstable Resonator (SFUR)

K. Rahimian, A. H. Farahbod, A. Hariri\*

Laser Research Center, AEOI, P.O.Box: 11365-8486, Tehran - Iran

**Abstract:** A self-filtering unstable resonator (SFUR)with a magnification of  $M=3$  in a Nd:YAG(2ω)dye laser has been studied.The dye solution is Rhodamine 6G in alcohol with the concentration of  $5 \times 10^{-3}$  Mol/lit. The spatial intensity distribution of the resonator has been compared with that of a plane-parallel (PP) resonator of equal length. The output energy in both configurations are comparable ( $20\text{ }\mu\text{J}$ ,and  $26\mu\text{J}$ ,respectively). A significant difference between these two resonators is the laser beam divergence, where beam divergences of  $0.77\text{ mrad}$  for the SFUR and  $1.6\text{mrad}$  for the plane-parallel resonator have been measured. The brightness corresponding to these two resonators are  $1.5 \times 10^{11}$  and  $2.2 \times 10^{10}\text{ W.cm}^{-2}.\text{Sr}^{-1}$ , and the pulse widths are  $7$  and  $17\text{ ns}$ , respectively. These figures show clearly that laser resonator based on the SFUR design can increase the laser brightness by a factor of  $10$ ,with a beam divergence of a fraction of mrad, compared with the plane-parallel resonator. In order to describe the dynamic behavior of the SFUR design, a numerical calculation based on the rate equations have been used and a good consistency with the experiment has been obtained.

**Keywords:** self-filtering unstable resonator, dye laser, brightness, plane- parallel resonator



## ۱- مقدمه

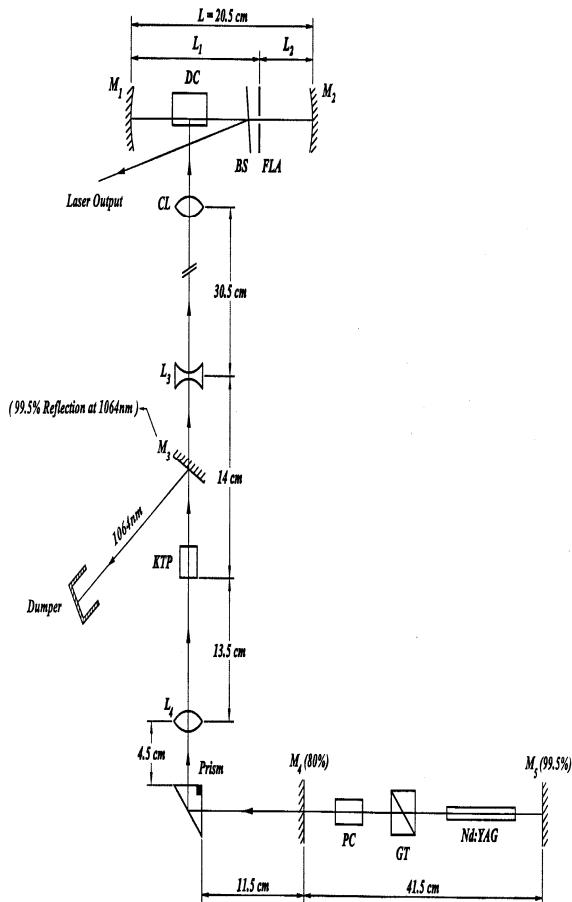
تشدیدگرهای نوری ناپایدار نخستین بار به توسط سیگمن و همکاران مورد بررسی قرار گرفت [۱-۴]. مزیتهای اساسی این تشدیدگرهای لیزر، عبارتند از: حجم مُدی بزرگ، وجه تمایز بارز در مُد های عرضی، بازدھی خوب در تولید انرژی خروجی، و اگرایی کم و درخشندگی زیاد باریکه لیزر.

تشدیدگرهای ناپایدار به دو دسته، شاخه مثبت (NBUR) و شاخه منفی (PBUR) تقسیم می‌شوند. تشدیدگرهای شاخه منفی به علت دارابودن نقطهٔ کانونی حقیقی درون کاواک، که موجب متمرکزشدن و تخریب درمحیط فعال می‌شوند درگذشته کمتر مورد توجه قرار گرفته‌اند. گویی و ریالی [۵] نخستین بار تشدیدگر ناپایدار خودپالاینده را برای حذف این ناهنجاری پیشنهاد کردند. این تشدیدگرهای اکنون به صورت آرایش همکانونی یا به GSFUR آرایش کلی (تشدیدگر خودپالاینده کلی) در لیزرهای

Nd:YAG [۶-۱۲] ، XeCl [۷] ، CVL [۸-۱۲] و لیزرهای رزینه‌ای بامضه به وسیله لیزر N<sub>۲</sub> [۱۴]، دمش به وسیله لامپ درخش [۱۵]، یا به صورت جفت شده [۱۶] بکار رفته‌اند. در تشدیدگر SFUR ازیک روزنے درکانون مشترک دو آینه M<sub>۱</sub> و M<sub>۲</sub> با فوائل کانونی f<sub>۱</sub> و f<sub>۲</sub> (f<sub>۲</sub> < f<sub>۱</sub>) استفاده می‌شود (شکل ۱). برای تحلیل این نوع تشدیدگر فرض می‌شود که موج تختی از  $\frac{0.6\pi}{\lambda}$  نزدیک به سوی آینه M<sub>۲</sub> حرکت کند. این موج پس از بازتابش از روی آینه M<sub>۲</sub> به سطح روزنے بر می‌گردد. با درنظر گرفتن شرط "خودتمسیری" و حذف نوسانهای "تابع ایری" (۲) موج بازتابشی، میتوان برای انتخاب شعاع روزنے، رابطهٔ را بکار برد. سطح روزنے موج بازتابشی به عنوان

محدودکنندهٔ میدان (FLA) (۲) منظور می‌شود.

در این کار پژوهشی، لیزر رزینه‌ای رودامین 6G (۴) با دمش به وسیلهٔ باریکه هماهنگ دوم Nd:YAG مورد مطالعه قرار گرفته است. مطالعاتی که دربارهٔ لیزرهای رزینه‌ای با دمش به وسیلهٔ هماهنگ دوم Nd:YAG انجام گرفته با استفاده از تشدیدگرهای پایدار،



شکل ۱- آرایش تجربی و نحوهٔ قرارگیری قطعات اپتیکی برای لیزر Nd:YAG با سوئیچ الکترواپتیکی (Meraه با بلور KTP برای تولید هماهنگ دوم و لیزر رزینه‌ای با تشدیدگر ناپایدار SFUR).

GT منشور گلن- تامسون، PC سلول پاکلز، DC سلول رنگ، L<sub>۲</sub> عدسی و اکرا با فاصله کانونی cm، L<sub>۴</sub> عدسی همگرا با فاصله کانونی ۵ cm، L<sub>۳</sub> عدسی استوانه‌ای با فاصله کانونی ۵/۰ cm،



با انتخاب این تشیدگر، مانند واگرایی کاهاش یافته نسبت به تشیدگرهای پایدار، درخشایی زیاد و دریافت خروجی با نیمرخ فضایی کاوسی را نیز در بردارد. مطالعات نظری برای توصیف رفتار دینامیکی خروجی لیزر نیز ارائه خواهد شد.

باریکه بازتابیده به سوی جاذب مناسبی هدایت گردید. پارامترهای اساسی برای طراحی تشیدگر SFUR به این ترتیب خلاصه می‌شوند:

$$\begin{aligned} L_1 &= f_1, \quad L_2 = f_2, \\ L &= f_1 + f_2 \end{aligned} \quad (1)$$

$$M = -\frac{f_1}{f_2} \quad (2)$$

$$a = \sqrt{0.61 \lambda f_2} \quad (3)$$

که  $L_1$  و  $L_2$  به ترتیب فوائل آینه های  $M_1$  و  $M_2$  از روزنه محدودکننده میدان (FLA)، بزرگنمایی  $M$  و شعاع روزنه  $f_1$  و  $f_2$  می‌باشد. آینه هایی با پوشش آلومینیوم و با فوائل کانونی به ترتیب  $15 \text{ cm}$  و  $5 \text{ cm}$  می‌باشند. سلول رنگ، مدل

$M_1$  و  $M_2$  آینه های مقعر با پوشش آلومینیوم و فوائل کانونی به ترتیب  $15 \text{ cm}$  و  $5 \text{ cm}$  آینه های تخت دی الکتریک بازتابندگی به ترتیب  $\approx 90\%$  و  $\approx 99\%$  در طول موج  $1064 \text{ nm}$ .

می‌شود که تشیدگر SFUR را می‌توان برای حجم کوچکی از محیط فعال رنگ بکار برد که طبعاً مزیتهاي مرتبه ۲-آرایش تجربی دمش لیزر رزینه ای

لیزر Nd:YAG با محیط فعالی به طول  $6/25 \text{ mm}$  استفاده شد. محفظه لیزر که شامل میله لیزر و لامپ درخش است با آب خنک می‌شود و آهنگ تکرار پذیری سیستم ۱ تا ۵ هرتز است (شکل ۱). تشیدگر لیزر متولد از آینه های تخت  $M_1$  و  $M_2$ ، با ضرایب بازتابندگی  $\approx 80\%$  و  $\approx 99\%$  انتخاب شده است. طول

۲

تشیدگر  $41/5 \text{ cm}$ ، و خروجی باریکه لیزر از طرف آینه  $M_4$  است. سیستم لیزری مجهز به سوئیچ الکترو اپتیکی Q است و به این وسیله پهناهی تپ تقریباً  $15 \text{ ns}$  می‌شود.

برای تولید هماهنگ دوم ازیک بلور KTP<sup>(۵)</sup> استفاده شده و قطر لکه باریکه بر روی سطح بلور KTP به وسیله یک عدسی همگرا کاهاش داده شده است تا چگالی تو ان باریکه افزایش یابد. بلور بر روی پایه مناسبی نصب و به گونه ای تنظیم شده است که راستای پرتو بازتابیده از سطح ورودی بلور تقریباً در راستای پرتو ورودی باشد. چون انرژی هماهنگ دوم به راستای قطبش نور فرودی نیز حساس است، بلور حول محور پرتو ورودی به نحوی چرخانده می‌شود تا بیشترین انرژی این هماهنگ تولید شود. باریکه خروجی از KTP علاوه بر طول موج  $532 \text{ nm}$  شامل طول موج اولیه  $1064 \text{ nm}$  نیز می‌باشد. بنابراین برای حذف پرتو لیزر Nd:YAG، پس از عبور از KTP، از یک آینه تمام بازتابان  $M_2$  در طول موج  $1064 \text{ nm}$  استفاده شد و

۳

Lambda Physik FL42 ساخت است که طول مؤثر محیط تحریک آن  $20 \text{ mm}$  بوده و به منظور دمکش عرضی محیط فعال رنگ به کار رفته است. در این آزمایش از  $100 \text{ cc}$  محلول رنگ رودامین  $6 \text{ G}$  در اتانول، با غلظت  $10^{-5} \text{ mol/lit}$ ، استفاده شد. محلول رنگ با ضریب شکست  $1/36$  در نیمه سمت چپ تشیدگر است و عملکرد آن به صورت یک عدسی منفی باعث جابجاگی کانون آینه  $M_1$  می‌شود. به این ترتیب، طول این نیمه از تشیدگر به صورت که در آن  $L_{DC}$  طول محیط تحریک سلول رنگ و  $n$  ضریب شکست رنگ است، تصحیح شد [۱۵]. با در نظر گرفتن این تصحیح فاصله آینه  $M_1$  تا روزنه محدودکننده میدان  $15/5 \text{ cm}$  و طول کامل تشیدگر  $20/5 \text{ cm}$  بدست می‌آید. قطر



آهنگ تکرارپذیری لیزر Nd:YAG در جریان آزمایش  $1 \text{ Hz}$  انتخاب شد. چون محلول رنگ زمان کافی برای تبادل حرارتی با محیط اطراف و رسیدن به تعادل را داشت از به گردش در آوردن محلول رنگ درون سلول صرفنظر شد. علاوه بر این برای حذف اثرهای گرمایی باریک محلول رنگ، در بیشتر اندازه‌گیریها لیزر دمث به صورت تک پالس عمل می‌کرد.

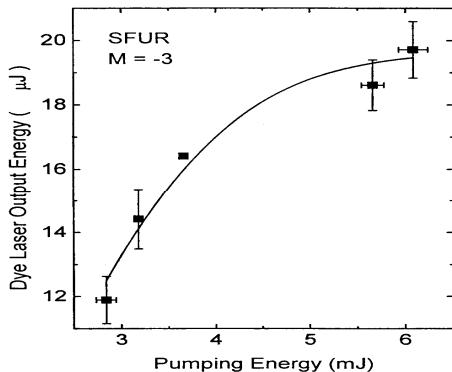
تنظیم آینه‌های تشدیدگر SFUR به آسانی امکان‌پذیر است: ابتدا برای حذف گسیل خودبخود تقویت شده (ASE) (۲۷)، سلول رنگ به اندازه  $6^{\circ}$  نسبت به محور قائم منحرف می‌شود. برای استقرار وضع آینه‌ها، نخست بازتاب آینه  $M_1$  بر روی محیط

روزنہ، محدودکننده، میدان بنا بر رابطه  $(2a=0/27 \text{ mm})$  است، اما به علت در دسترس نبودن روزنہ‌ای به این قطر از روزنہ‌هایی با قطرهای  $21 \text{ mm}$  و  $29 \text{ mm}$  استفاده شد. بزرگنمایی این تشدیدگر-۲ م است. برای خارج کردن پرتو از یک شکافنده، باریکه پرتوها (BS) (۲۸) که بازتابندگی آن  $50\%$  و زاویه انحراف آن نسبت به محور اپتیکی تشدیدگر تقریباً  $40^{\circ}$  بود استفاده شد. به طوری که در شکل ۱ مشخص شده است، شکافنده پرتو در نزدیکی روزنہ، بین آن و سلول رنگ واقع شده است. برای دمث عرضی لیزر رزینه‌ای، ابتدامقطع هماهنگ دوم باریکه لیزر Nd:YAG با یک عدسی و اگرا ( $L_2$ ) (گستره می‌شود، سپس به وسیله یک عدسی استوانه‌ای (CL)، با فاصله کانونی  $55 \text{ mm}$ ، بر روی رنگ متتمرکز می‌گردد.

تقویت شده سلول رنگ تنظیم می‌گردد؛ در این حالت لگه نسبتاً شدیدی بر روی سطح آینه  $M_2$  ظاهر می‌شود و تنظیم بازتاب این لگه بر روی محیط فعال، گسیل باریکه، پرشدتی را ایجاد می‌کند؛ سپس روزنہ محدودکننده، میدان در کانون مشترک دو آینه و هم مرکز با محور تشدیدگر، به گونه‌ای استقرار می‌یابد تا لگه شدیدی با نیمرخ دایره‌ای شکل در خروجی مشاهده شود. آهنگ دمث با تنظیم کردن فاصله، عدسی متمرکزکننده، استوانه‌ای شکل (CL) از سطح سلول رنگ، به نحوی انتخاب می‌شود تا با خارج کردن آینه  $M_2$  از سیستم نوری تشدیدگر، لگه‌ای با کمترین شدت در خروجی مشاهده شود.

### ۳-نتایج تجربی

برای اندازه‌گیری انرژی خروجی Labmaster Nd:YAG، از انرژی‌سنج Labmaster، ساخت شرکت Coherent استفاده شد و انرژی خروجی در حدود  $80 \text{ mJ}$  تعیین گردید. اندازه‌گیری پهنه‌ای تپ (پالس) به وسیله آشکار ساز ITL مدل TF1850 با زمان صعود  $100 \text{ ps}$  و نوسان‌نما (اسیلوسکوپ) تکترونیکس مدل ۷۹۰۴ با پهنه‌ای نوار  $500 \text{ MHz}$  صورت گرفت. پهنه‌ای تپ این



لیزر  $15 \text{ ns}$  اندازه‌گیری و قله توان آن حدود  $5/3 \text{ MW}$  حساب شد. پهنه‌ای تپ (پالس) باریکه، خروجی از KTP (پتاسیوم تیتانیل فوسفات) نیز  $15 \text{ ns}$  و بیشینه، توان آن  $2 \text{ MW}$  حساب شد.

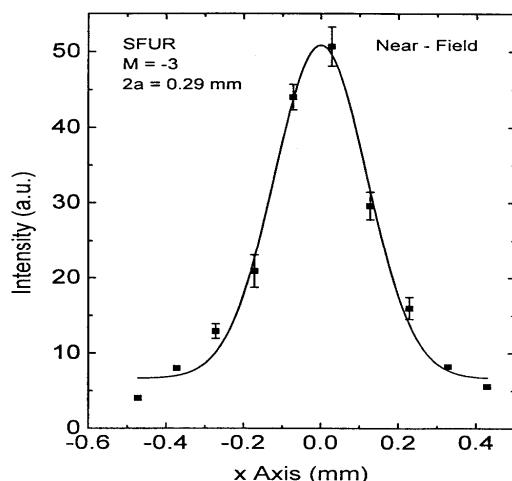
انرژی خروجی لیزر رزینه‌ای به وسیله یک فوتودیود سنجه‌بندی شده بر حسب انرژی اندازه‌گیری شد. تغییرات انرژی خروجی این لیزر بر حسب انرژی دمث (هماهنگ دوم Nd:YAG) در شکل ۲ نشان داده شده است. شکل ۳ نمودار تغییرات انرژی لیزر رزینه‌ای مجّهز به تشدیدگر SFUR را بر حسب فاصله، عدسی استوانه‌ای تا سطح رنگ نشان می‌دهد. این تغییرات، به طوری که در شکل دیده می‌شود، بسیار سریع است



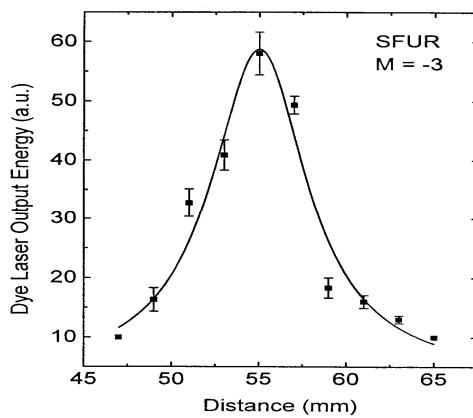
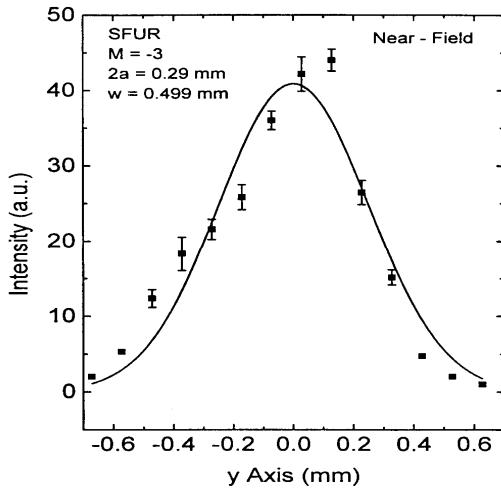
## نشان داده شده و تابع به داده های تجربی

برازیده شده است. قطر لکه  $w$  با توجه به شکله در مورد روزنه محدود کننده میدان به قطر  $499\text{ mm}/29\text{ mm}$  برابر است که به مقدار نظری  $435\text{ mm}/40\text{ mm}$  نزدیک میباشد. در اندازه گیریهای دیگری که به منظور بدست آوردن قطر لکه انجام گرفت، انرژی عبوری از روزنه های سنجه بندی شده، واقع در

و بیشترین مقدار انرژی مربوط به فاصله ای است که پرتو کاملاً بر روی سطح رنگ کانونی شود. در واقع، با تغییر فاصله، عدسی استوانه ای از سطح سلول رنگ، عمق نفوذ لکه در راستای پرتو دمش ثابت میماند، اما در امتداد عمود بر راستای دمش اندازه لکه تغییر میکند و کمترین مقدار آن در این راستا



شکل ۴- نمودار توزیع گاوی میدان نزدیک برای باریکه خروجی لیزر ( درجهت  $x$  ) .



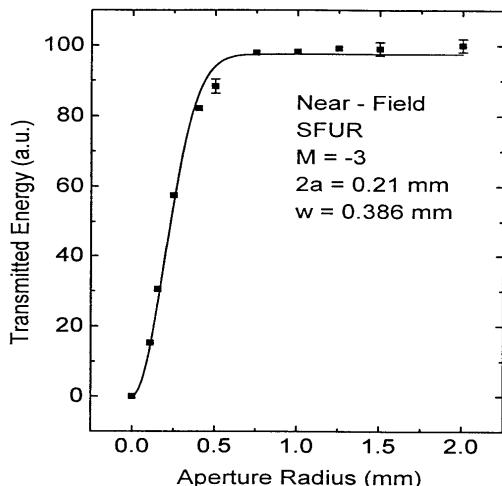
شکل ۳- تغییرات انرژی خروجی لیزر رزینه ای بر حسب فاصله عدسی استوانه ای تا سطح مایع رنگ.

مربوط به وضعیتی است که پرتو بر روی سطح رنگ کاملاً کانونی شود. برای تعیین واگرایی لیزر، اندازه لکه در دو فاصله، متفاوت از سطح سلول رنگ اندازه گیری شد. در مورد تشیدگر SFUR با قطر روزنه  $2a = 0.29\text{ mm}$ ، این واگرایی در دو راستای  $x$  و  $y$  به ترتیب  $\theta_x = 0.75\text{ mrad}$  و  $\theta_y = 0.27\text{ mrad}$  دست آمد) راستای  $x$ ، عمود بر سطح سلول رنگ و در امتداد محور پرتو دمش و راستای  $y$  عمود بر جهت پرتو دمش و موازی با سطح سلول رنگ است) . توزیع شدت "میدان نزدیک" به وسیله یک فوتودیود که روزنه ای به  $E(r)^2 = E_0 \exp(-\frac{r^2}{2w^2})$  در جلوی آن قرار داشت، در دو راستای  $x$  و  $y$  عرویش شد. نتایج حاصل از اندازه گیریها در شکل های ۴ و ۵



گاوی حاصل شود. رفتار میخه ای که توسط Farahbod and Hariri (1994) [۱۴] در رفتار زمانی تپ خروجی مشاهده شده است در این آزمایش مشاهده نگردید. علت این عدم مشاهده ممکن است مربوط به پهنهای بیشتر پالس دمش و بالابودن آهنگ دمث در این آزمایش باشد.

شکل ۵- نمودار توزیع گاوی میدان نزدیک برای باریکه خروجی لیزر ( درجهت y ) .



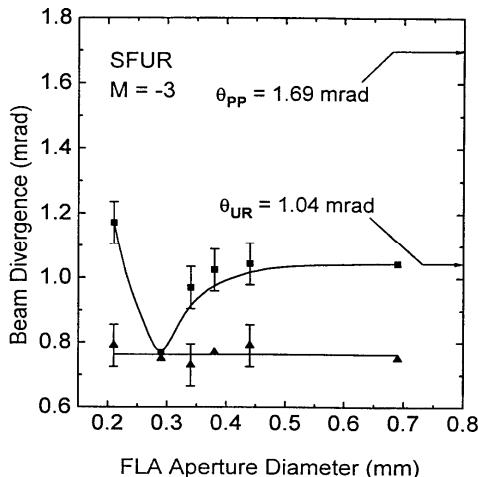
شکل ۶- اندازه‌گیری انرژی گذرنده از روزنۀ هایی به قطرهای مختلف برای تعیین شعاع پرتو  $w$  .

مرکز باریکه لیزر، ثبت شد.  
نتایج این اندیشه ای ممکن است این شکل ۶ نشان دهد  
 $E(b) = E_0 \exp\left(-\frac{2b^2}{w^2}\right)$   
تابع که در آن  $b$  شعاع روزنۀ های بکار رفته است، به داده های تجربی برازیده شد. قطر لکه ای که با این روش در مورد تشدیدگر SFUR با روزنۀ محدودکننده میدان به قطر  $2a = 0.21$  mm دست آمد  $w = 0.386$  mm است که به مقدار نظری

$Ma = 0.315$  نزدیک است.  
در شکل ۷ رفتار زمانی تپهای لیزر رزینه ای برحسب تغییر فاصله عدسی استوانه ای شکل از سطح رنگ نشان داده شده است. تپهایی که صورت هموار و به پهنهای تقریباً  $ns = 7$  هستند . برای چنین تشدیدگری زمان یک رفت و برگشت کامل میان دو آینه  $ns = 1/6$  است و با پهنهای پالس  $ns = 7$ ، تقریباً چهار رفت و برگشت کامل برای رسیدن توزیع میدان به حالت پایا لازم است. این تعداد رفت و برگشت برای تشدیدگرهای پایدار در حدود ۱۰۰ دوره تناوب کامل است تا توزیع



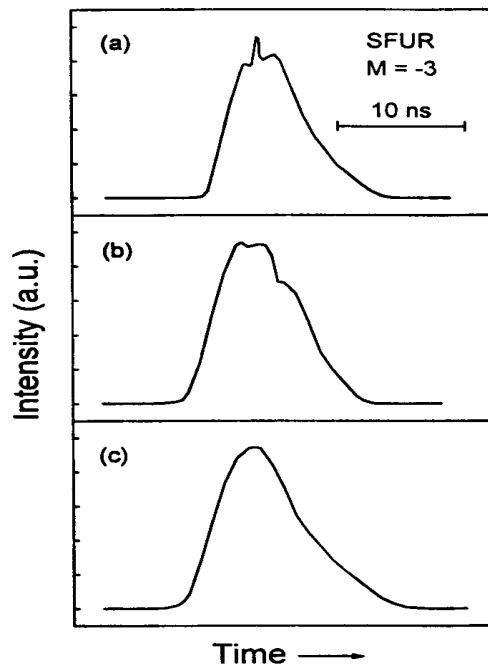
این مشاهدات  $\theta_x$  و  $\theta_y$  تعریف و اندازه‌گیری شدند. شکل ۸ نتایج این اندازه‌گیری را نشان میدهد. در مورد روزنه‌هایی با قطر کوچکتر از مقدار ۰.۲۵، و اگرایی بسیار سریع افزایش می‌باید.



شکل ۸- تغییر و اگرایی باریکه خروجی لیزر روزنه‌ای در راستای  $x$  و  $y$  بر حسب تغییر اندازه روزنه محدودکننده میدان.

در این شکل و اگرایی باریکه خروجی تشدیدگر پایدار نیز نشان داده شده است. این مشاهدات با آزمایش‌های مرتبط با لیزرها روزنه‌ای با داشت به وسیله لیزر مولکولی نیتروژن نیز سازگار است [۱۴].

در جدول ۱ پارامترهای اصلی لیزر روزنه‌ای با تشدیدگر ناپایدار SFUR و تشدیدگر پایدار هم طول آن با دو آینه تخت (PP)، برای انرژی‌های دمتش  $mJ^{5-3}$  درجه شده است. به طوری که ملاحظه می‌شود و اگرایی تشدیدگر SFUR به مرتبه کمتر از و اگرایی تشدیدگر PP است. انرژی خروجی لیزر روزنه‌ای باتشدیدگر SFUR کمتر از انرژی خروجی تشدیدگر PP است، زیرا در تشدیدگر SFUR حجم م迪 کمتر از این حجم در تشدیدگر صفحه موازی  $M^2 \approx 0.6048 - 1.1968$  است [۱-۲]. تشدیدگرها هم‌طول‌زنند،



شکل ۷- رفتار زمانی پالس خروجی از لیزر روزنه‌ای در فواصل متفاوت عدی استوانه‌ای (CL) از سطح رنگ: (a) در فاصله cm ۰/۲، (b) در فاصله cm ۴/۹، (c) در فاصله cm ۵/۲.

و اگرایی باریکه خروجی از تشدیدگرهای ناپایدار SFUR به لحاظ هندسی متناسب با قطر روزنه، محدودکننده میدان است.  $\theta_{UR} = 0.22 \text{ rad}$  با جایگذاری روابط  $\theta_{UR} = \frac{\pi}{2} \sqrt{\frac{2M}{2f}} \tan^{-1} \frac{\theta_{PP}}{2f}$  (۲a) را خواهیم داشت. بر این اساس، قطر باریکه، خروجی تشدیدگر برای روزنه‌ای محدودکننده میدان با قطرهای متفاوت اندازه‌گیری شد. نتایج این اندازه‌گیریها نشان میدهد که با تغییر قطر روزنه، قطر باریکه خروجی تنها در راستای عمود بر راستای دمش (Rاستای y) تغییر می‌کند و در راستای دمش (Rاستای x) هیچگونه تغییری در قطر باریکه خروجی مشاهده نمی‌شود. به بیان دیگر، مقطع باریکه خروجی تنها هنگامی که روزنه‌ای با قطر مناسب از رابطه  $(2)$  بدهست می‌آید و در تشدیدگر بکار رود، به شکل دایره در می‌آید و برای روزنه‌های دیگر به شکل بیضی است. بر اساس



شرایط مرزی مناسب امکان‌پذیر است<sup>[۱۷]</sup>. گستردگی نمودار بهره برای محیط فعال رودامین 6G ایجاب می‌کند که معادلات آهنگ در گستره طول موج‌های  $\lambda_{\min} = 560 \text{ nm}$  -  $\lambda_{\max} = 590 \text{ nm}$  با گام مناسب  $\Delta\lambda$  مورد استفاده قرار گیرند تا بستگی "شار فوتون"  $(z, t, \lambda)$  و انبوهی تراز بالای لیزر" به طول موج، در معادلات منظور شود. شار کل فوتون در لحظه  $t$ ، و در مکان  $z$  روی محور اپتیکی تشیدگر با انتگرال‌گیری ازتابع  $(z, t, \lambda)$   $\varphi^+(z, t) + \varphi^-(z, t)$  نسبت به  $\lambda$  بدست می‌آید که آن را با  $\varphi(z, t)$  نشان می‌دهیم :

$$\varphi_t(z, t) = \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \varphi(z, t, \lambda) d\lambda = \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} [\varphi^+(z, t, \lambda) + \varphi^-(z, t, \lambda)] d\lambda = \varphi^+(z, t) + \varphi^-(z, t) \quad (4)$$

در رابطه<sup>(۴)</sup>،  $\varphi^+$  و  $\varphi^-$  به ترتیب کل فوتونهایی را که در لحظه  $t$  از مکان  $z$  به سمت راست یا چپ تشیدگر انتشار می‌یابند نشان می‌دهد. شار فوتون خروجی  $\varphi_{\text{out}}$  که با آشکارساز اندازه‌گیری می‌شود مربوط به فوتونهایی است که به سمت راست انتشار می‌یابند و در نقطه  $z=0$  به وسیله جفت‌کننده خروجی  $(OC)$  از تشدیدگر خارج می‌شوند

۷

(فاصله  $OC$  از لبه سلول رنگ ناچیز و از آن صرف‌نظر می‌شود)، بنابراین  $\varphi_{\text{out}} = \varphi^+(0, t) R_{\text{oc}}$  ضریب بازتابندگی  $OC$  است). شرایط مرزی برای شار فوتونهایی که به سمت راست یا چپ منتشر می‌شوند به ترتیب با معادلات  $(5)$  و  $(6)$  داده می‌شوند:

$$\varphi^+(L_D, t, \lambda) = \varphi^-(L_D, t - \frac{2L_{l,1}}{c}, \lambda) R_l \alpha_l \quad (5)$$

$$\varphi^-(0, t, \lambda) = \varphi^+ \left[ 0, t - \frac{2}{c} (L_2 + L_{l,2}), \lambda \right] R_{\text{oc}} R_2 \alpha_2 \quad (6)$$

$L_{l,1}$  و  $L_{l,2}$  به ترتیب طول سلول رنگ و فاصله لبه سمت چپ سلول

## تلفات تشیدگر SFUR حدود

است<sup>[۸]</sup>، در حالی که برای تشیدگر PP تلفات در حدود ۵۰٪ است (دو آینه یکی با بازتابندگی ۵۰٪ و دیگری با بازتابندگی ~۸۰٪ بکار رفته است).

درخایی باریکه خروجی در لیزرزینه‌ای باتشیدگر ناپایدار به مراتب بیشتر از تشیدگر صفحه موازی است. این کیفیت، با توجه به و اگرایی کمتر باریکه این لیزر، کوتاه بودن پهناه تپ SFUR و تعریف درخایی به صورت بیشینه، توان تپ در واحد سطح باریکه در واحد زاویه فضایی قابل تفسیر است.

۶

جدول ۱- پارامترهای مشخصه‌ای برای مقایسه تشیدگرهای SFUR و صفحه موازی با طول معادل. انرژی لیزر دمش  $M=3$  -  $2/5 \text{ mJ}$  است.

نوع تشیدگر	انرژی خروجی ( $\mu\text{J}$ )	پهنه ای تپ ( $\text{ns}$ )	تلفات تپ	و اگرایی ( $\text{mrad}$ )	درخایی $\text{W.cm}^{-2} \cdot \text{Sr}^{-1}$
SFUR $M=-3$	۱۱	۰/۲۲	%۸۰	۷	$1/5 \times 10$
صفحه موازی با آینه‌های بازتابانده و %۵۰	۱۰	۱/۶۹	%۵۰	۱۷	$2/2 \times 10$

با توجه به درخایی  $\text{Sr}^{-1} \cdot \text{W.cm}^{-2}$  گزارش شده<sup>[۱۴]</sup>، درخایی به دست آمده برای لیزر رزینه‌ای در این آزمایش، به دلیل انرژی بیشتر پرتو دمش، بسیار بیشتر است.

۴- بررسی نظری تحلیل رفتار زمانی تپ لیزر رزینه‌ای با تشیدگر SFUR، با حل دستگاه معادلات آهنگ برای انبوهی ترازها و معادلات انتشار فوتون با



$$\frac{\partial}{\partial t} N_T(z,t) = K_{ST} N_1(z,t) - \frac{N_T(z,t)}{\tau_T} \quad . \quad (11)$$

$$N = N_0(z,t) + N_1(z,t) + N_T(z,t) = \text{Constant} \quad (12)$$

$s^{-1}$   $K_{ST} = 3/4 \times 10^6$  آهنگ فروافت میان  $T_1$  و  $S_1$  و  $\tau_T = 2/5 \times 10^{-7}$  طول عمر تراز برای محلول رودامین  $6G$  است [۲۱].

سطح مقطع های گسیل و جذب که در معادلات (۷)، (۱۰) و (۱۱) بکار رفته اند از نتایج اندازه گیری های Snavely (1969) و Hammond (1979) گرفته شده اند [۱۹-۲۰]. آهنگ دمش  $W(t)$  طبق رابطه (۱۳) به توان لیزر دمش  $P(t)$ ، و به سطح مقطع جذب  $\sigma$  در طول موج  $\lambda$  (برای لیزر دمش) مربوط می شود:

$$w(t) = \frac{P(t)}{2w_p L_D hc} \quad (13)$$

برای حل عددی همزمان دستگاه معادلات آهنگ شار فوتون و معادلات انبوهی تراز های محیط فعال، از "روش تفاضلی محدود مرکز صریحاً تعديل شده" (۱۰) که برای دستگاه معادلات هذلولی (۷) و (۱۰) و (۱۱) مناسب دارد بهره گرفته شد [۲۲]. با توجه به محدودیت حافظه کامپیوتر ۵۶۰ مگابایت  $\Delta \lambda_{\min} = 16$  نسبت به  $\Delta \lambda_{\max} = 56$  طولانی بودن زمان بنابراین، به تعداد طول

موج به فاصله  $2\text{nm}$  در فاصله  $\lambda_{\max}-\lambda_{\min}$  موجود می باشد. این تعداد طول موج برای حل همزمان  $2 \times 16 = 32$  معادله در مورد فوتون و معادله انبوهی ترازها به همراه شرایط مرزی و اولیه است. میانگین زمان اجرای برنامه حل دستگاه معادلات با  $4000$  نقطه، زمانی و  $30$  نقطه، مکانی و  $10$  طول موج بر روی یک کامپیوتر Pentium150 با RAM=64 Mbyte حدود  $2/5$  ساعت بود.

نتایج به دست آمده برای شار فوتون خروجی با نمودارهای  $a$  و  $b$  شکل ۹ نشان داده شده است که رفتار زمانی و پهناهی تپ محاسبه شده با مقدار اندازه گیری شده مطابقت دارد و در حد  $ns$  ۷ است. اختلاف جزئی موجود ممکن است ناشی از فرض

رنگ از آینه  $M_1$  و فاصله لبه سمت راست سلول رنگ از FLA را نشان میدهد. سرعت نور و  $a_1$  و  $a_2$  به ترتیب نسبت سطح مقطع محیط فعال به سطح مقطع پرتو در دو لبه، سلول رنگ،  $z = L_D$  و  $R_1$  به ترتیب ضریب های بازنگردی آینه های  $M_1$  و  $M_2$  را نشان میدهد.

معادلات آهنگ برای شار فوتون های راسترو و چپرو با معادله (۷) نشان داده می شود:

$$(\frac{n}{c}) \frac{\partial}{\partial t} \phi^\pm(z,t) \pm \frac{\partial}{\partial z} \phi^\pm(z,t) = N_i(z,t) \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \sigma_e(\lambda) \phi^\pm(z,t,\lambda) d\lambda + N_i(z,t) \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} b^\pm(z) E(\lambda) d\lambda - N_0(z,t) \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \sigma_{01}(\lambda) \phi^\pm(z,t,\lambda) d\lambda - N_T(z,t) \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \sigma_T(\lambda) \phi^\pm(z,t,\lambda) d\lambda \quad (7)$$

در این معادله،  $n=1/36$  ضریب شکست محلول رودامین در اتanol است، انبوهی تراز های  $S_1$  و  $S_0$  و به ترتیب به  $N_0(z,t)$ ،  $N_1(z,t)$  و  $N_T(z,t)$  سطح مقطع های گسیل و جذب فوتون ها به  $\sigma_e(\lambda)$  و  $\sigma_{01}(\lambda)$  و سطح مقطع جذب مربوط به تراز های سه گانه به  $\sigma_T(\lambda)$  نشان داده شده است. طول عمر تراز  $S_1$  و تابع بمنجبار شده شکل خط است،

$$\sigma(\lambda) = \sigma_e(\lambda) \left( \frac{8\pi cn^2 \tau}{\lambda^4} \right)$$

ضرایب هندسه (۷) به توسط Ganiel (1975) به منظور در نظر گرفتن سهم گسیل خودبخود محیط فعال در افزایش شار فوتون معرفی شده است [۲۱] :

$$b^+(z) = \frac{1}{2} \left[ 1 - \frac{L_D - z}{\sqrt{(L_D - z)^2 + w_p^2}} \right] \quad (8)$$

(۹)

$2w_p$  معرف پهناهی لکه باریکه، دمش است. روابط (۱۰) و (۱۱) معادلات آهنگ را برای انبوهی تراز های یگانه و سه گانه محیط رنگ نشان میدهد

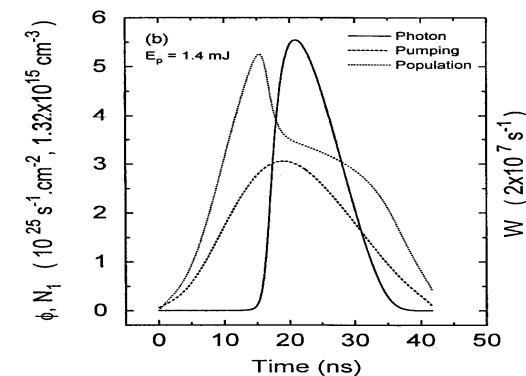
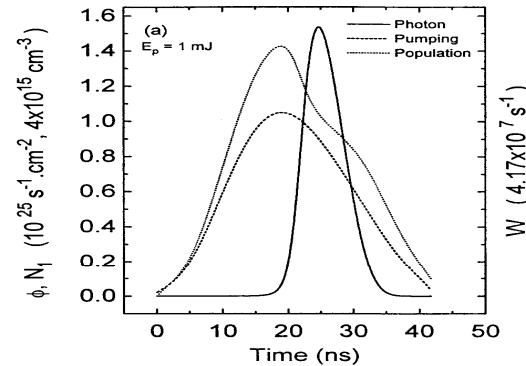
$$\frac{\partial}{\partial t} N_i(z,t) = w(t) N_0(z,t) - \frac{N_i(z,t)}{\tau} - N_i(z,t) \times \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \sigma_e(\lambda) \phi(z,t,\lambda) d\lambda \quad (10)$$

$$\int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \sigma_e(\lambda) \phi(z,t,\lambda) d\lambda + N_0(z,t) \int_{\lambda_{\min}}^{\lambda_{\max}} \sigma_{01}(\lambda) \phi(z,t,\lambda) d\lambda. \quad (11)$$



دمش یکنواخت محیط فعال، تغییرات انرژی و تپش مدي باریکه، دمش لیزر Nd:YAG باشد. در این شکل همچنین انبوهی تراز  $S_1$  نیز آمده است. این نمودار نشان میدهد که با شروع نوسان لیزر، انبوهی  $N_1$  کاهش میابد و با افزایش شار فوتون این کاهش فزونی میگیرد. این کیفیت با توجه به معادله (۱۰) و جمله مربوط به گسیل برانگیخته، که وابسته به شار فوتون است، تأیید میشود.

شکل ۹- نتایج حاصل از محاسبات عددی برای رفتار زمانی لیزر رزینه ای : (a) انرژی دمش  $E_p = 1\text{ mJ}$ ، (b) انرژی دمش  $E_p = 1.4\text{ mJ}$ . نمادهای به کار رفته روی شکلها: شار فوتون نسبت به زمان (خط پیوسته)، تغییرات دمش نسبت به زمان (خط چین)، تغییرات انبوهی تراز  $S_1$  نسبت به زمان ( نقطه چین) نمایش داده شده اند.



- ۱ -self-filtering unstable resonator
- ۲ -Airy function کوتاه شده
- ۳ -field-limiting aperture
- ۴ -rhodamine 6G
- potassium titanyl phosphate کوتاه شده

## References:

1. A. E. Siegman , "Laser," University Science Books, Ca. (1986).
2. A. E. Siegman , "Stabilizing out put with unstable resonator," Laser Focus **7**, 42 (1971).
3. A. E. Siegman, "Unstable optical resonators," Appl. Optics **13**, 353 (1974).
4. A. E. Siegman and R. W. Arrathon, "Modes in unstable optical resonators and lens waveguides," IEEE J.Quant. Electr. **QE-3**, 156 (1967).
5. P. G. Gobbi and G. C. Reali, "A novel unstable resonator configuration with a self filtering aperture," Optics Commu. **52**, 195 (1984).
6. R. Barbini, A. Ghigo, M. Giorgi, K. N. Iyer, A. Palucci and S. Ribezzo, "Injection-Locked single-mode high-power low-divergence TEA CO<sub>2</sub> laser using SFUR configuration," Optics Commu. **60**, 239 (1986).
8. P. Di Lazzaro, T. Hermsen, T. Letardi and C. E. Zheng, "Self-filtering unstable resonator: An approximate analytical model with comparison to computed and XeCl laser experimented results," Optics Commu. **61**, 393 (1987).
9. V. Boffa, P. Di Lazzaro, G. P. Gallerano, G. Girodano, T. Hermsen, T. Letardi and C. E. Zheng, "Self-filtering unstable resonator operation of XeCl Excimer laser," IEEE J.Quant. Electr. **QE-23**, 1241 (1987).
10. P. Di Lazzaro, V. Nassisi and M. R. Perrone, "Experimental study of a generalized self-filtering unstable resonator applied to an XeCl laser," IEEE J.Quant.Electr. **QE-24**, 2284 (1988).
11. M. R. Perrone and A. A. Flippo, "Experimental



- characterization of high magnification self-filtering unstable resonators for XeCl laser," Optics Commu. **88**, 115 (1992).
12. J. W. Chen, A. Luches, V. Nassisi and M. R. Perrone, "High brightness single transverse mode operation of a XeCl laser," Optics Commu. **72**, 225 (1989).
  13. Li Ho Min and K. Vogler, "Confocal positive branch-filtering unstable resonator for Nd:YAG-Laser," Optics Commu. **74**, 79 (1989).
  14. A. H. Farahbod and A. Hariri, "Application of generalized self-filtering unstable resonators to a N<sub>2</sub>-Laser pumped dye laser," Optics Commu. **108**, 84 (1994).
  15. M. Mahmodi, A. H. Farahbod and A. Hariri, "Experimental study of generalized self-filtering unstable resonators in an ablative-wall flash-lamp-pumped dye laser," Appl. Optics **37**, 1053 (1998).
  16. A. H. Farahbod, B. Daneshvar, and A. Hariri, "Performance of Nd:YAG laser in coupled generalized self-filtering and positive-branch unstable resonators," Appl. Optics. **38**, 4516 (1999).
  17. A. H. Farahbod, PhD Thesis, Amirkabir University, p84 (1376).
  18. B. B. Snavely, "Flashlamp-excited organic dye lasers," Proc. IEEE **57**, 1374 (1969).
  19. P. R. Hammond, "Spectra of the lowest excited singlet states of Rhodamine 6G and Rhodamine B," IEEE J. Quant. Electr. **QE-15**, 624 (1979).
  20. L. G. Nair, K. Dasgupta, "Amplified spontaneous emission in narrow-band pulsed dye laser oscillators-theory and experiment," IEEE J. Quant. Electr. **QE-21**, 1782 (1985).
  21. U. A. Ganiel, G. Neumann and D. Treves, "Amplified spontaneous emission and signal amplification in dye laser systems," IEEE J. Quant. Electr. **QE-11**, 881 (1975).
  22. D. U. Von Rosenberg, "Methods for the numerical solution of partial differential equations," New York, Elsevier (1969).