

## کاربرد شبکه‌های عصبی در بهینه‌سازی چینش بسته‌های سوخت رآکتورهای هسته‌ای PWR

مصطفی صدیقی: معاونت نیروگاه‌های اتمی، سازمان انرژی اتمی ایران  
سعید ستایشی: دانشکده فیزیک و علوم هسته‌ای، دانشگاه صنعتی امیرکبیر  
علی‌اکبر صالحی: نمایندگی ایران، آژانس بین‌المللی انرژی اتمی

### چکیده

در فرآیند مدیریت سوخت نیروگاه هسته‌ای، هر سال بخشی از سوختهای رآکتور با آب تحت فشار (PWR)<sup>(۱)</sup> را از قلب آن خارج کرده و سوختهای جدید توأم با سوختهای تابش دیده پیشین را که هنوز قابل استفاده‌اند برای سال بعد، درون رآکتور می‌چینند. بهترین طرح در چینش سوخت، دستاری به شرایط بسته‌اتمی و اقتصادی نیروگاه را به همراه خواهد داشت. در عمل، با توجه به اینکه همواره یک هشتم قلب رآکتور، به سمت وجود شناسن. می‌باشد محاسبات سوخت‌گذاری می‌نماید عدد حالات ممکن سوخت‌گذاری در یک رآکتور PWR با ۱۹۳ بسته سوخت ۳۱! است. بنابراین، دساسی به بهترین حالت ممکن، محاسبات ریاضی پُرچمی را ایجاد می‌کند.

در این کار بژووهشی به جای روش‌های کلاسیک دستیابی به آرایش بهینه، کاربرد شبکه عصبی پیوسته هوپفیلد<sup>(۲)</sup> همراه با روش سرد کردن تدریجی (SA)<sup>(۳)</sup> پیشنهاد شده است. نتایج نشان می‌دهند که بکار بردن این طرح در سوخت‌گذاری رآکتور، علاوه بر این که از حجم محاسبات می‌کاهد دستیابی به باسخ بهتری را نیز تضمین می‌کند.

واژه‌های کلیدی: رآکتور هسته‌ای PWR، مدیریت سوخت، شبکه عصبی، شبکه هوپفیلد، سرد کردن تدریجی

## PWR fuel management optimization using neural networks

M. Sadighi: NPPD, AEOI, P.O. Box: 19395-7484, Tehran-Iran

S. Setayeshi: Faculty of Physics and Nuclear Sciences, Amirkabir University, Tehran-Iran

A.A. Salehi: Ambassador, Resident Representative of the I.R. of Iran to IAEA, Vienna

E-mail: msadighi@engineer.com

### Abstract

This paper presents a new method to solve the problem of finding the best configuration of the fuel assemblies in a PWR (Pressurized Water Reactor) core. Finding an optimum solution requires a huge amount of calculations in classical methods. It has been shown that the application of continuous Hopfield neural network accompanied by the Simulated Annealing method to this problem not only reduces the volume of the calculations, but also guarantees finding the best solution. In this study flattening of neutron flux inside the reactor core of Bushehr NPP is considered as an objective function. The result shows the optimum core configuration which is in agreement with the pattern proposed by the designer.

V- pressurized water reactor

Y- continuous hopfield neural network

SA- simulated annealing



## ۱-۱- روش‌های محاسباتی در مدیریت سوت و محدودیتهای آنها

روشهای گوناگونی برای مدیریت سوت راکتورهای هسته‌ای پیشنهاد شده است؛ متداول ترین آنها عبارتنداز [۴] و [۵]:

- برنامه‌ریزی خطی

- برنامه‌ریزی پویا (دینامیک)

.. نظریه اغتشاش [۱۵]

. روش هوش مصنوعی.

میچ یک از این روشها رسیدن به پاسخ بهینه را تضمین نمی‌کند، بلکه به علت محدودیتهای موجود در الگوریتمهای جستجو، پاسخهای بدست آمده تا اندازه‌ای نزدیک به پاسخ بهینه می‌باشد [۴].

به عنوان مثال، در مورد یک راکتور PWR دو مداره (100ops)، تعداد کل حالات مسکن برای چیش سوت درون قلب آن حدود  $10^{15}$  است که اگر تقارن یک هشتم را در قلب راکتور منظور داریم، این تعداد به  $10^{18}$  می‌رسد [۴].

بنابراین، به علت گستردگی فوق العاده زیاد فضای پاسخهای مسکن، روش‌های متداول در یافتن پاسخ بهینه با مشکلات زیادی روبرو می‌باشند. روش پیشنهادی در این پژوهش، بکار بردن یک شبکه عصبی با ساختار موازی شبیه به شبکه هوپیلد است که قابلیت زیادی برای حل مسائل بهینه‌سازی دارد [۶] و [۷].

## ۲-۲- شبکه عصبی هوپیلد

شبکه هوپیلد اصولاً بر دو نوع است: پیوسته و ناپیوسته، در شبکه پیوسته، مقدار خروجی نرون‌ها بین صفر و یک متغیر است و دینامیک شبکه به وسیله یک رشته معادلات دیفرانسیل غیرخطی تبیین می‌شود.

در شبکه ناپیوسته، خروجی نرونها تنها یکی از دو مقدار صفر یا یک است و دینامیک شبکه به وسیله یک رشته معادلات غیرخطی تفاضلی [۱۶] می‌شود [۶] و [۷].

## ۱- مقدمه

مدیریت سوت شاخه‌ای از مهندسی هسته‌ای است که آرایش سوت درون راکتور هسته‌ای برای دوره (سیکل) اول و دوره‌های بعدی را به منظور تولید انرژی، با توجه به مسائل اینمی، در بر می‌گیرد [۱]. در قلب یک راکتور PWR که در برگیرنده مجتمعی از ۱۹۳ بسته سوت است، تعداد حالات ممکن برای جای دادن سوت‌ها در این قلب ۱۹۳ است. چنانچه تقارن یک هشتم را برای قلب راکتور در نظر بگیریم، کافی است محل ۳۱ بسته سوت مشخص گردد؛ در این صورت می‌توان ۳۱، یعنی حدود  $10^{۳۲}$  طریقه چیش را عرضه کرد، که نشان دهنده محاسباتی با حجم سیار زیاد برای یافتن بهترین پاسخ است [۲]. در این پژوهش استفاده از شبکه عصبی پیوسته هوپیلد توأم با سرد کردن تدریجی برای مدیریت سوت نیروگاه اتمی بوشهر پیشنهاد شده است. این روش در مقایسه با روش‌های متداول (کلاسیک) ساده‌تر است و پاسخ‌های حاصل از آن به پاسخ بهینه نزدیکترند [۳].

## ۲- اهداف مدیریت سوت

در روش‌های محاسباتی مدیریت سوت، تغییرات مشخصه‌ها و پارامترهای مهم راکتور در مدت یک دوره از آغاز تا پایان آن سحابه می‌شود و براساس آنها طریقه چیش مناسب سوت‌ها برای دوره بعد بدست می‌آید. آرایش حاصل از این چیش باید علاوه بر ایجاد نمودن شرایط اینمی، هزینه‌های تولید انرژی را نیز به حداقل برساند. برای دستیابی به این فرآیند، مشخصه‌های زیر باید مورد ارزیابی قرار گیرند [۱]:

### ● راکتیویته قلب راکتور ( $K_{eff}$ )، به منظور اطمینان از تولید

انرژی به میزان موردنظر

### ● توزیع قدرت درون قلب راکتور جهت بررسی مسائل اینمی

### ● تعیین موجودی ایزوتوپی<sup>(۱۴)</sup> در پایان دوره برای بررسیهای اقتصادی.

۴- Isotopic inventory

۵- perturbation theory

۶- nonlinear difference equation



قبول باشد یا رد شود. برای بررسی این موضوع ابتدا «تابع احتمالات، زیر محاسبه می‌شود:

$$P(\Delta E) = \exp(-\Delta E/KT) \quad (1)$$

که در آن  $K$  ثابت بولترمان و  $T$  بر حسب کلوین است. مقدار  $P(\Delta E)$  با یک عدد تصادفی (RANDOM) بین صفر و یک که به وسیله کامپیوتر تعیین می‌گردد مقایسه می‌شود؛ اگر  $P(\Delta E) > \text{RANDOM}$  باشد تغییر حالت قابل قبول است، در غیر اینصورت رد می‌شود. هر قدر که دما پایین‌تر باشد احتمال قبول تغییر حالت‌هایی با  $\Delta E > 0$  کمتر شده و در نهایت، شبکه به سوی می‌نیوم نهایی (Global Minimum) می‌کند [۱۰] و [۱۱].

**۴-۲- کاربرد شبکه هوپنیل در مسئله مدیریت سوخت**  
یکی از تابع‌های هدف در بهینه‌سازی مدیریت سوخت رآکتورهای PWR، مسطح ساختن شار نوترون درون رآکتور است بدین معنی که روش چیش سوختها درون قلب رآکتور باید طوری انتخاب گردد که تا حد امکان شار یکواخت ایجاد شود [۱۵]. به علت تشابه که میان این موضوع و مسئله TSP وجود دارد، مناسب است که ابتدا توضیح مختصری درباره کاربرد شبکه عصبی پیوسته هوپنیل در این مورد داده شود.

مسئله فروشنده دوره‌گرد (TSP) این است که فروشنده‌ای می‌خواهد از تعدادی شهر دیدن کرده و پس از دیدار به شهر اول برگردد. مسئله این است که نحوه انتخاب شهرها برای این دیدار چگونه باید باشد تا کل مسافت طی شده حداقل گردد. شرایط عمل این است که از هر شهر فقط یک بار باید دیدن شود و در هر مرحله از دیدار، فروشنده فقط در یک شهر می‌تواند حضور داشته باشد.

برای این که مسئله بهتر تبیین گردد یک ماتریس  $N \times N$  که در آن  $N$  تعداد شهرها است در نظر گرفته می‌شود به طوری که هر

یکی از خواص مهم شبکه هوپنیل، این است که با آغاز از هر حالت اولیه، به یک حالت پایدار (می‌نیوم موضعی) مستقیم گردد [۸].

از این دو نوع مدل شبکه هوپنیل، مدل پیوسته کارایی بیشتری دارد، زیرا به علت داشتن تابع انرژی مناسب از پایداری بیشتری برخوردار است [۸]. مدل پیوسته هوپنیل که در سال ۱۹۸۵ برای حل مسئله فروشنده دوره‌گرد (TSP)<sup>(۱)</sup> بکار گرفته شده است کاربردهای فراوانی در حل مسائل بهینه‌سازی دارد [۹]. چون شبکه هوپنیل به سوی یک می‌نیوم موضعی همگرا می‌شود، این شبکه در هر بار بکارگیری و اجرا ممکن است به حالت پایداری برسد که نسبت به حالت قبل از انرژی پاییتری برخوردار باشد، و این خود مشکلی برای مسائل بهینه‌سازی محسوب می‌شود. برای حل این مشکل می‌توان از روش‌های فراز از می‌نیوم موضعی کمک گرفت؛ در این بررسی از روش سردکردن تدریجی (SA) استفاده شده است [۱۰] و [۱۱].

**۳-۲- روش سردکردن تدریجی**  
چون انرژی درونی مواد در دماهای بالا بیشتر از انرژی درونی آنها در دماهای پایین است، بنابراین با سردکردن تدریجی ماده، انرژی آن به سوی ترازهای پایینتر سوق داده می‌شود و ماده حالت پایدارتری به خود می‌گیرد. برای دستیابی به ساختار بلوری موردنظر در ماده، این کاهش دما (یا انرژی) باید تدریجی باشد؛ در غیراین صورت ماده حالت شکننده به خود می‌گیرد [۱۲]. در این روش، فرایند از دمای اولیه ( $T$ ) شروع می‌شود سپس به تدریج کاهش می‌یابد. در هر دما، سیستم به میزان مناسب تحول می‌یابد سپس به دمای پایینتر هدایت می‌شود. به این ترتیب، درجه حرارت چدان کاهش می‌یابد تا این که سیستم به حالت پایدار برسد. در حالت پایدار، دیگر تغییر حالتی که باعث کاهش انرژی سیستم شود صورت نخواهد گرفت. در هر تغییر حالت می‌توان مقدار تغییر انرژی  $\Delta E$  را حساب کرد. چگونگی این تغییرات تابع شرایط زیر است:

- الف.  $|\Delta E| < 0$ : در این صورت تغییر حالت قابل قبول است.
- ب.  $|\Delta E| > 0$ : در این صورت تغییر حالت ممکن است قابل



که در آنها:  $E_1$  انرژی کل شبکه شامل قیود و تابع هدف،  $E_2$  انرژی مربوط به هر سطر ماتریس،  $E_3$  انرژی مربوط به هر ستون ماتریس،  $E_4$  انرژی مربوط به مجموع خروجی‌های کل نرونهای شبکه و  $E_5$  انرژی مربوط به تابع هدف در مسئله بهینه‌سازی است؛ در معادله (۶) سوتنهای  $X$  و  $Z$  دو سوت مجاور هم می‌باشند و  $A$  و  $D$  در این معادلات ثابت‌های هستند که از طریق آزمون و خطای بدست می‌آیند.

چنانچه دینامیک حاکم بر تحولات نرونها بر طبق رابطه (۷) تبیین شود، با انتخاب این تابع انرژی می‌توان ثابت کرد که شبکه همگرا خواهد شد [۲].

$$dU_{xi}/dt = -\partial E/\partial V_{xi} \quad (7)$$

با قرار دادن معادلات (۲) تا (۶) در این معادله خواهیم داشت:

$$dU_{xi}/dt = -A(\sum_{j \neq i} V_{xj} + \sum_{y \neq x} V_{yi}) - A - \partial E_r/\partial V_{xi} \quad (8)$$

و وضعیت جدید خروجی نرونها عبارت است از:

$$U_{xi}(\text{new}) = U_{xi}(\text{old}) + \Delta U_{xi} \quad (9)$$

رابطه میان ورودی و خروجی نرونها به صورت تابع سیگموید در نظر گرفته می‌شود:

$$V_{xi} = f(U_{xi}) = 1/[1+\exp(-\alpha U_{xi})] \quad (10)$$

که در آن  $\alpha$  ورودی نرون،  $V$  خروجی آن و «» ثابت است که شکل تابع را مشخص می‌سازد [۳].

در معادله (۸) جملات اول و دوم با استفاده از خروجی نرونها محاسبه شده و جمله آخر به کمک تعریف مشتق قابل محاسبه می‌باشد.

شبکه هوپتیل مورد نظر در این مسئله وقیع همگرا می‌شود که دو جمله  $E_1$  و  $E_4$  صفر شوند. انرژی حمله  $E_5$  همان انرژی نقطه

سطر آن معرف یک شهر و هر ستون آن نشانگر یک مرحله از دیدار باشد. در این صورت دو شرط پیش‌گفته معادل این است که باید در هر سطر ماتریس تنها یک  $1^\circ$  و در هر ستون آن نیز تنها یک  $1^\circ$  وجود داشته و بقیه عناصر ماتریس صفر باشد [۹]. مسئله چیش بسته‌های سوت درون قلب رآکتور، نیز مشابه با مسئله TSP است: هر بسته سوت باید به یک محل اختصاص یابد و هر محل نیز تنها با یک بسته سوت پر گردد. بنابراین محدودیتهای اول و دوم در این مسئله شیوه به دو شرط TSP است، اما «تابع هدف» آن به سادگی مسئله TSP نیست. در مسئله مدیریت سوت که مسطح بودن شار نوترورنی به عنوان هدف انتخاب شده است باید در هر تغییر حالت نرونها شار درون رآکتور با استفاده از یک کد محاسباتی نوترورنی، (مثلًا EXTERMINATOR) حساب شود [۱۳]. چون در فایل ورودی این کد مشخصات نوترورنی سوت‌ها موردنیاز است، این مشخصات از پیش به وسیله «کد محاسبه سلولی» دیگری مانند WIMS D-4، تهیه می‌شود [۱۴]. این کد، مشخصاتی را که تابعی از میزان مصرف سوت‌ها است حساب کرده و در فایلهای جداگانه ذخیره می‌نماید.

اینکه، ماتریس  $N \times N = N^T$  را که نشانگر وضعیت نرونها در هر لحظه است در نظر می‌گیریم؛ سطرهای این ماتریس نشان دهنده محلهای قرار گرفتن سوت‌ها در قلب رآکتور و ستونها نشان دهنده سوت‌های مختلف می‌باشد. به علت در نظر گرفتن تقارن یک هشتمن قلب، ابعاد ماتریس  $31 \times 31$  است.

$V_{ij}$  که خروجی نرون سطر  $i$  و ستون  $j$  است از نظر فیزیکی، احتمال قرار گرفتن سوت  $j$  در محل  $i$  را مشخص می‌نماید. تابع انرژی در مسئله بهینه‌سازی مدیریت سوت (شیوه TSP) شامل ۴ مؤلفه به شرح زیر است [۹]:

$$E = E_1 + E_2 + E_3 + E_4 \quad (2)$$

$$E_1 = A/2 \left\{ \sum_x (\sum_i V_{xi} - 1)^2 \right\} \quad (3)$$

$$E_2 = A/2 \left\{ \sum_i (\sum_x V_{xi} - 1)^2 \right\} \quad (4)$$

$$E_3 = A \sum_x \sum_i (1 - V_{xi}) \quad (5)$$

$$E_4 = D/2 \left\{ \sum_{x=1}^N \sum_{y=1}^N [\Phi_x - \Phi_y]^2 \right\} \quad (6)$$



مقدار ماکریموم توان نسبی حاصل از سوختها که برای این سه پاسخ حساب شده است در جدول ۱ مندرج است.

جدول ۱ - مقادیر انرژی و توان نسبی ماکریموم برای ۳ طرح سوختگذاری

تفصیل راهنمایی		
نام سیستم	نام شبکه	متوجه
۱/۲۸۵	۰/۱۴۰۲	Hopfield
۱/۲۲۸	۰/۱۱۱۸	KWU
۱/۲۲۲	۰/۱۰۷۸	Hopfield+SA

به طوری که از مقایسه پاسخها مشاهده می شود پاسخ مرحله سوم که از کاربرد شبکه هوپفیلد با روش SA بدست آمد است بهترین پاسخ می باشد. این پاسخ به طرح ارائه شده توسط طراح اصلی نیروگاه بوشهر نیز بسیار نزدیک است. روش ارائه شده در این مقاله برای دوره های بعدی نیروگاه نیز قابل استفاده است و در صورت راه اندازی آن ب نحو مؤثر قابل بهره برداری خواهد بود.

می نیموم موضعی است که شبکه در آنجا به تعادل می رسد. هر قدر  $\epsilon$  نیز کوچکتر باشد طرح بدست آمده برای چیزی سوختها مناسبتر خواهد بود.

### ۳- بررسی نتایج

نتایج بدست آمده از یک نمونه احرای برنامه تهیه شده در این مطالعه در شکل های ۱ تا ۳ نشان داده شده اند. در این شکل های مراحل تحول شبکه هوپفیلد را از آغاز تا مرحله همگرایشدن می نوان مشاهده نمود. در این نمونه انرژی شبکه در حالت پایانی معادل  $1402 \text{ ج} / \text{م}^3$  می باشد.

شکل ۴ صرح ارائه شده از سوی طراح نیروگاه بوشهر برای اولین دوره سوختگذاری را نشان می دهد که با محاسبه انرژی آن در شبکه هوپفیلد مقدار انرژی، معادل  $1118 \text{ ج} / \text{م}^3$  بدست آمده است که بهتر از پاسخ هوپفیلد می باشد [۱۵]. چنانچه پاسخ هوپفیلد به کمک روش SA اصلاح شود نتایجی که در شکل های ۵ و ۶ نشان داده شده اند بدست می آید: شکل ۵ شروع روش SA و شکل ۶ مرحله همگرایشدن آن را نشان می دهد. انرژی شبکه در شکل ۶ به مقدار  $1078 \text{ ج} / \text{م}^3$  رسیده است که بهتر از پاسخ طراح نیروگاه و شبکه هوپفیلد است.

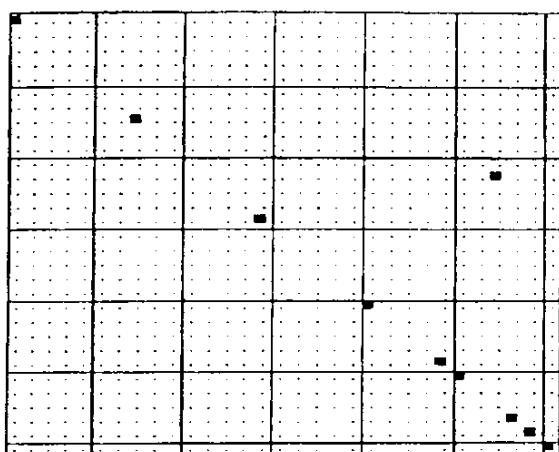


ITER= 1 FUEL CYCLE= 1

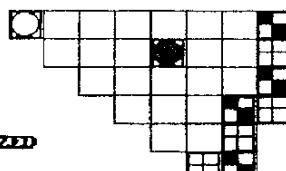
1 th STATE OF 484

INITIAL ENRICHMENTS: 1.9% 1.9% 2.5% 2.5% 3.2% 3.2%  
+BP +BP +BP +BP +BP +BP

HOPFIELD NETWORK (OUTPUT OF NEURONS)

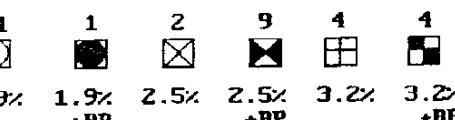


REACTOR CORE (1/8)



NORMALIZED ENERGY

NETWORK ENERGY VERSUS ITERATIONS

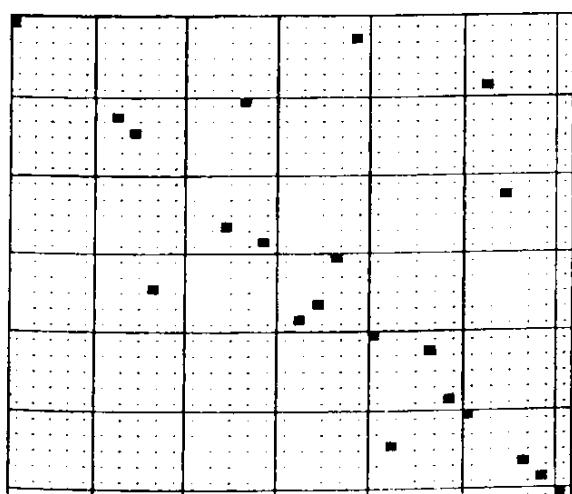


ITER= 1 FUEL CYCLE= 1

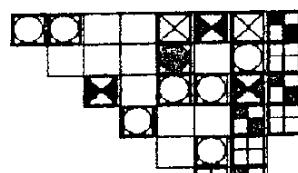
55 th STATE OF 484

INITIAL ENRICHMENTS: 1.9% 1.9% 2.5% 2.5% 3.2% 3.2%  
+BP +BP +BP +BP +BP +BP

HOPFIELD NETWORK (OUTPUT OF NEURONS)



REACTOR CORE (1/8)



NORMALIZED ENERGY

NETWORK ENERGY VERSUS ITERATIONS

شکل ۱ - شبکه هویجید. نحوی ۱

شکل ۲ - شبکه هویجید. نحوی ۵۵

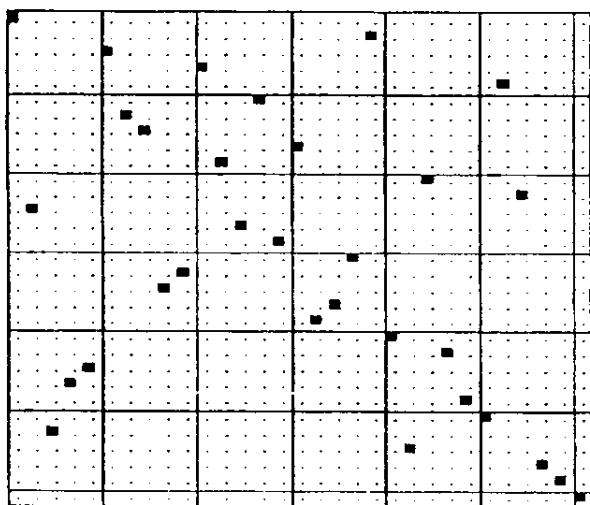


ITER= 1 FUEL CYCLE= 1

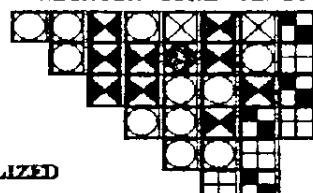
155 th STATE OF 484

INITIAL ENRICHMENTS: 1.9% 1.9% 2.5% 2.5% 3.2% 3.2%  
+BP +BP +BP +BP +BP +BP

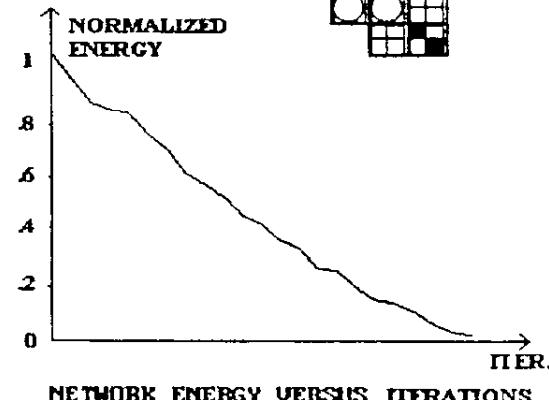
HOPFIELD NETWORK (OUTPUT OF NEURONS)



REACTOR CORE (1/8)



NORMALIZED ENERGY



NETWORK ENERGY VERSUS ITERATIONS

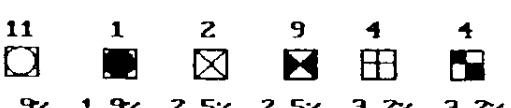
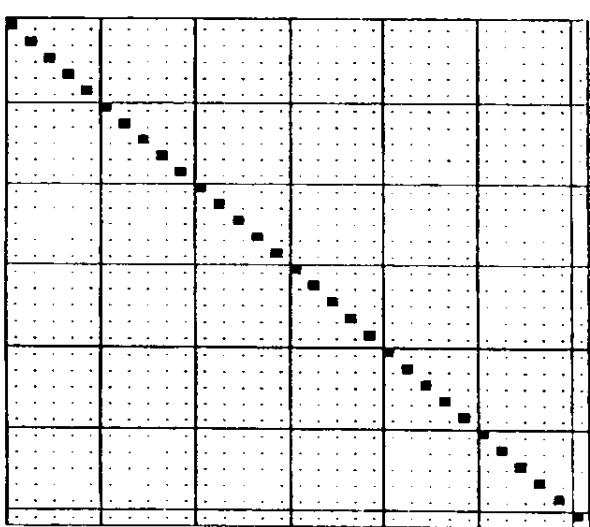
شکل ۳. شبکه هم‌پیله تحویل ۱۵۵ (سیکه بالوی ۲/۱۴۰۲) جستجو شده است.

ITER= 1 FUEL CYCLE= 1

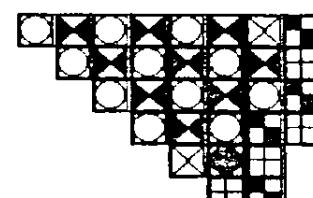
1 th STATE OF 484

INITIAL ENRICHMENTS: 1.9% 1.9% 2.5% 2.5% 3.2% 3.2%  
+BP +BP +BP +BP +BP +BP

HOPFIELD NETWORK (OUTPUT OF NEURONS)



REACTOR CORE (1/8)

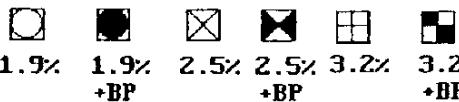


شکل ۴. طرح درایه شده برای سیکل اول بروگاد برتریه و سطح متوسط (۷۷۷۸)

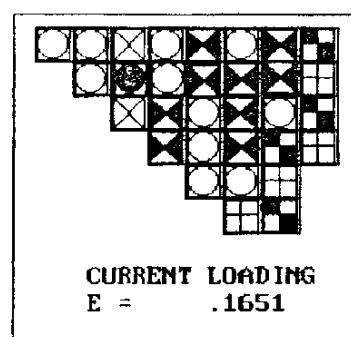
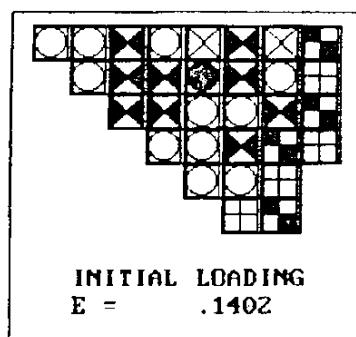


ITER= 1 FUEL CYCLE= 1  
100th STATE OF 100

(TEMP.= 1.000) INITIAL ENRICHMENTS: 1.9% 1.9% 2.5% 2.5% 3.2% 3.2%  
+BP +BP +BP



SIMULATED ANNEALING PHASE

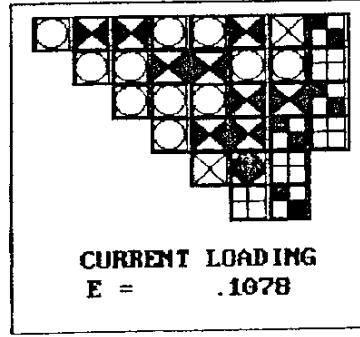
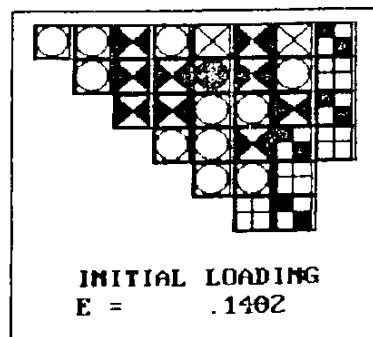


شکل ۵ - متد سردکردن تدریجی (SA) - مرحله اول

ITER= 43 FUEL CYCLE= 1  
50th STATE OF 100

(TEMP.= 0.011) INITIAL ENRICHMENTS: 1.9% 1.9% 2.5% 2.5% 3.2% 3.2%  
+BP +BP +BP +BP

SIMULATED ANNEALING PHASE



شکل ۶ - متد سردکردن تدریجی (SA) - مرحله بیانی (VA)



## References

1. S.H. Levine, "In-core fuel management of four reactor types," *Handbook of Nuclear Reactor Calculation*, CRC Press, Vol.II (1986).
2. Kim, Chang, Lee, "Pressurized water reactor core parameter prediction using an artificial neural network," *Nucl. Science & Eng.*, 113, pp. 70-76 (1993).
3. J.H. Park, Y.S. Kim, I.K. Eom, K.Y. Lee, "Economic load dispatch for piecewise quadratic cost function using hopfield neural network," *IEEE Trans. on Power Systems*, Vol 8, No. 3, August (1993).
4. Kim Chang, Lee, "Optimal fuel loading pattern design using an artificial neural network and a fuzzy rule-based system," *Nucl. Science & Eng.*, 115, pp. 152-163 (1993).
5. Driscoll, Downar, Pilat, "The Linear Reactivity Model for Nuclear Fuel Management", American Nuclear Society (1990).
6. J.J. Hopfield, "Neural network and physical systems with emergent collective computational abilities," *Proc. Natl. Acad. Sci.*, 79, 2554 (1982).
7. J.J. Hopfield, "Neurons with graded response have collective computational properties like those of two-state neurons," *Proc. Natl. Acad. Sci.*, 81, 3088 (1984).
8. Peng, Gupta, Armitage, "An investigation into improvement of local minima of the hopfield network," *Neural Network*, Vol. 9, No. 7, pp. 1241-1253 (1996).
9. Hopfield, Tank, "Neural computation of decisions in optimization problems," Springer-Verlag, (1985).
10. Kirkpatrick, "Optimization by simulated annealing: quantitative studies," *Journal of Statistical Physics*, Vol. 34, No. 5/6 (1984).
11. Kirkpatrick, Gellat, Vecchi, "Optimization by simulated annealing," *Science*, Vol. 220, No. 4598, pp. 671-680 (1983).
12. Freeman, Skapura, "Naural network algorithms application and programming techniques," Addison-Wesley Publishing Company (1991).
13. H. Fowler T.B., Tobias M.L., Vondy D.R., "EXTERMINATOR-2: A FORTRAN IV code for solving multigroup neutron diffusion equations in two dimensions," ORNL-4078, OAK RIDGE NATIONAL LABORATORY, Oak Ridge, Tennessee, April (1967).
14. "WIMS D-4 code for cell calculation," United Kingdom Atomic Energy Authority-Reactor Group, (1975).
15. "PSAR: Preliminary safety analysis report," prepared for Bushehr NPP by KWU (Siemens) Company, (1975).

